# Задача А. Точка в многоугольнике

Имя входного файла: stdin
Имя выходного файла: stdout
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

### Формат входных данных

В первой строке содержится три числа — N ( $3 \le N \le 100\,000$ ) и координаты точки. Последующие N строк содержат координаты углов многоугольника. Координаты — целые, не превосходят  $10^6$  по модулю.

## Формат выходных данных

Одна строка YES, если заданная точка содержится в приведённом многоугольнике или на его границе, и NO в противном случае.

stdin	stdout
3 2 3	YES
1 1	
10 2	
2 8	

# Задача В. Выпуклая оболочка

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дано N точек на плоскости.

Нужно построить их выпуклую оболочку.

Гарантируется, что выпуклая оболочка не вырождена.

## Формат входных данных

На первой строке число N ( $3 \le N \le 10^5$ ). Следующие N строк содержат пары целых чисел x и y ( $-10^9 \le x, y \le 10^9$ ) — точки.

Будьте аккуратны! Точки произвольны. Бывают совпадающие, бывают лежащие на одной прямой в большом количестве.

### Формат выходных данных

В первой строке выведите N число вершин выпуклой оболочки. Следующие N строк должны содержать координаты вершин в порядке обхода. Никакие три подряд идущие точки не должны лежать на одной прямой. Кроме того, в последней строке выведите площадь получившейся выпуклой оболочки. Площадь необходимо вывести абсолютно точно.

стандартный ввод	стандартный вывод
5	4
0 0	0 0
2 0	0 2
0 2	2 2
1 1	2 0
2 2	4.0
3	3
0 0	0 0
0 1	0 1
1 1	1 1
	0.5

## Задача С. Замок

Имя входного файла: **стандартный ввод** Имя выходного файла: **стандартный вывод** 

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Есть замок — точка (0,0). Замок окружен несколькими непересекающимися заборами, каждый представляет из себя выпуклый многоугольник.

Есть также m захватчиков, известны их координаты. Захватчики не умеют перелезать через заборы. Захватчика будем считать опасным, если он находится внутри внешнего забора. Требуется вычислить суммарную площадь области, куда опасные захватчики могут добраться без пересечения заборов.

## Формат входных данных

В первой строке задано число n — количество заборов ( $1 \le n \le 100\,000$ ). Далее следуют описания n заборов. Каждое описание начинается с числа k, далее следуют k строк, содержащих по два целых числа x и y — координаты вершин ( $|x|,|y|\le 2\cdot 10^6$ ). Вершины каждого многоугольника перечисляются в порядке обхода против часовой стрелки. Гарантируется, что точка (0,0) лежит внутри каждого забора.

Далее следует число  $m\ (0\leqslant m\leqslant 100\,000)$  — количество захватчиков. В следующих m строках заданы координаты захватчиков.

Суммарное число вершин во всех многоугольниках не превосходит 100 000.

## Формат выходных данных

Выведите единственное число — общую захваченную площадь с шестью знаками после десятичной точки.

стандартный ввод	стандартный вывод
3	2400.000000
4	
-10 -10	
10 -10	
10 10	
-10 10	
4	
20 20	
-20 20	
-20 -20	
20 -20	
4	
30 -30	
30 30	
-30 30	
-30 -30	
3	
1 1	
22 23	
111 123	

## Задача D. Теодор Рузвельт

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 64 мегабайта

«Теодор Рузвельт» — флагман военно-морского флота Кукуляндии. Заклятые враги кукуляндиев, флатландцы, решили уничтожить его. Они узнали, что «Теодор Рузвельт» представляет собой выпуклый многоугольник из n вершин и узнали его координаты. Затем они выпустили m баллистических ракет и определили координаты точек, где эти ракеты взорвались. По расчётам штаба флатландцев, «Теодор Рузвельт» будет уничтожен, если в него попадёт хотя бы k ракет. Вычислите, удалось ли флатландцам уничтожить корабль.

## Формат входных данных

В первой строке через пробел записаны целые числа n, m, k ( $3 \le n \le 10^5, 0 \le k \le m \le 10^5$ ). В последующих n строках записаны координаты вершин многоугольника в порядке обхода против часовой стрелки. В следующих m строках записаны координаты точек. Гарантируется, что все координаты — целые числа, не превосходящие по модулю  $10^9$ .

## Формат выходных данных

Выведите «YES», если в многоугольнике или на его границе лежит по крайней мере k точек, и «NO» в противном случае.

стандартный ввод	стандартный вывод
5 4 2	YES
1 -1	
1 2	
0 4	
-1 2	
-1 -1	
-2 -1	
1 -1	
0 1	
2 3	

## Задача Е. Битва за Хогвартс

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 512 мегабайт

Приспешники Тёмного Лорда уже подошли совсем близко к Хогвартсу.

Хогвартс окружен системой защитных башен. Профессор Флитвик накладывает защитные заклятия на замок. Заключаются они в следующем: вокруг выпуклой оболочки башен создается защитный барьер.

Тёмный Лорд, пользусь Бузинной палочкой, может разрушить защитный барьер за минуту, при этом все башни на выпуклой оболочке тоже разрушаются.

После того, как башни уничтожены, Флитвик мгновенно восстанавливает защитный барьер на выпуклой оболочке оставшихся башен, а Волан-де-Морт их снова разрушает через минуту. Так продолжается, пока все башни не падут.

У Гарри и его друзей мало времени — они ищут и уничтожают очередной крестраж. Поэтому их очень интересует, сколько времени у них осталось.

Рассчитайте для каждой башни момент времени, когда она будет уничтожена.

### Формат входных данных

В первой строке вводится одно число  $n\ (1\leqslant n\leqslant 2\cdot 10^4)$  — количество башен.

В следующих n строках вводятся целочисленные координаты башен —  $x_i, y_i(|x_i|, |y_i| \le 10^4)$ .

Гарантируется, что башни расположены так, что каждый следующий защитный барьер будет лежать строго внутри предыдущего (то есть, они не пересекаются и не имеют точек касания).

### Формат выходных данных

Выведите n строк, каждая из которой содержит одно число — момент времени (в минутах), к которому падёт каждая башня, начиная с первой.

стандартный ввод	стандартный вывод
5	1
0 0	1
4 4	1
0 4	2
1 1	1
4 0	

# Задача F. Ахтунг!

Имя входного файла: stdin
Имя выходного файла: stdout
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Ахтунг! Механическую няню кто-то включил, и теперь она бегает за Пином, пытаясь окружить его лаской и заботой! Во дворе Пина есть n бункеров, и он рад бы спрятаться в одном из них, но в каждом бункере у него есть очень важное и очень срочное дело.

Поэтому Пин просит вас составить маршрут его передвижения между бункерами, чтобы он смог посетить каждый ровно один раз и вернуться в начало. При этом начать Пин может с любого бункера.

Кроме того, так как Пин сам писал программу перехвата для няни и собирал её двигатель, то он точно знает, что будет пойман, если будет бежать от одного бункера к другому не по прямой, либо если он дважды пробежит через одно и то же место, то есть пересечёт или коснётся отрезка пути, который он уже пробежал.

## Формат входных данных

Во входном файле дано описание двора Пина.

В первой строке входного файла находится одно целое число  $n\ (1\leqslant n\leqslant 100\,000)$  — количество бункеров во дворе Пина.

В следующих n строках записано по два целых числа  $x_i$  и  $y_i$  ( $|x_i|, |y_i| \le 10^9$ ) — координаты входа в i-й бункер. Вход в бункер настолько мал по сравнению с размерами двора, что считается точкой. Никакие два бункера не лежат в одной точке.

### Формат выходных данных

В выходной файл выведите перестановку из n чисел — номера бункеров в порядке их посещения Пином, либо «No solution», если не существует маршрута, по которому Пин может пробежать и не быть пойманным няней.

stdin	stdout
4	1 2 4 3
0 0	
0 1	
1 0	
1 1	
3	No solution
0 0	
0 1	
0 2	
1	1
0 0	

## Задача G. Фатальная ошибка

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1.5 секунд Ограничение по памяти: 256 мегабайт

На дворе был теплый майский вечер, Захар только что дописал свою дипломную работу, название которой настолько сложно, что может испугать неподготовленного читателя. Студент, обрадовавшись, решил распечатать написанный на компьютере текст на n прямоугольных листах бумаги размера  $h \times w$  сантиметров. После того, как дипломная работа была распечатана, Захар сложил все листы бумаги в аккуратную стопку: наверху стопки лежала первая страница текста, под ней — вторая, и так далее.

Радости Захара не было предела до тех пор, пока он не совершил фатальную ошибку, решив попить чай и, конечно же, разлив весь напиток прямиком на стопку бумаги. В результате этого на каждом листе бумаги образовалось пятно, имеющее по счастливой случайности форму выпуклого многоугольника. Пятно было одинаково хорошо заметно с каждой стороны каждого листа бумаги. Более того, так как чай медленно распространялся по стопке сверху вниз, пятно, образовавшееся на i-м сверху листе, оказалось cmporo вложено в пятно, образовавшееся на (i-1)-м сверху листе.

Будем говорить, что многоугольник A строго вложен в многоугольник B, если ломаные, образующие границы многоугольников, не имеют ни одной общей точки, а также любая вершина многоугольника A находится внутри многоугольника B.

Захар был в бешенстве. Он схватил все n листов бумаги и яростно разбросал их по комнате. Немного успокоившись, студент решил собрать все листы обратно в стопку, но оказалось, что он забыл проставить номера страниц на листах, и теперь не знает, в каком порядке они шли изначально. Более того, некоторые листы во время полета по комнате неоднократно перевернулись.

Более формально, каждый лист бумаги при падении на пол мог либо оказаться в исходном состоянии, либо повернуться на 180 градусов таким образом, что текст теперь напечатан на листе не сверху вниз, а наоборот, либо перевернуться наизнанку, либо и перевернуться наизнанку, и повернуться на 180 градусов одновременно.

Захар тут же решил посчитать, сколько существует различных способов собрать стопку бумаги таким образом, чтобы пятно на i-м сверху листе оказалось строго вложено в пятно на (i-1)-м сверху листе. Перед тем, как собрать стопку, Захар может повернуть и/или перевернуть каждый лист бумаги так, чтобы он оказался в одном из четырех описанных выше состояний.

Два способа собрать стопку считаются различными, если выполнено одно из двух условий:

- 1. Порядок следования листов в двух способах различается.
- 2. Порядок следования листов в двух способах совпадает, но есть хотя бы один лист, который находится в разных состояниях в первом и втором способе.

#### Формат входных данных

Первая строка содержит три целых числа n, w и h  $(1 \le n \le 10^5, 1 \le w < h \le 10^9)$  — количество листов бумаги и их размеры, соответственно.

Следующие строки содержат описания пятен, образовавшихся на каждом из n листов бумаги.

Первая строка описания каждого пятна содержит целое число  $k_i$  ( $3 \le k_i \le 10^5$ ) — количество вершин в многоугольнике, задающем пятно, образовавшееся на i-м листе бумаги.

Каждая из следующих  $k_i$  строк содержит два целых числа  $x_{ij}$  и  $y_{ij}$  ( $0 \le x_{ij} \le w$ ,  $0 \le y_{ij} \le h$ ) — координаты вершин очередного многоугольника в порядке обхода против часовой стрелки. Будем считать, что начало координат каждого листа бумаги расположено в его левом нижнем углу.

Гарантируется, что все многоугольники являются выпуклыми, и никакие три вершины одного многоугольника не лежат на одной прямой.

Также гарантируется, что суммарное количество вершин всех многоугольников не превосходит  $10^5$ , то есть  $\sum_{i=1}^n k_i \leqslant 10^5$ .

### Формат выходных данных

Выведите одно целое число — количество различных способов собрать стопку бумаги таким образом, чтобы пятно на i-м сверху листе оказалось строго вложено в пятно на (i-1)-м сверху листе.

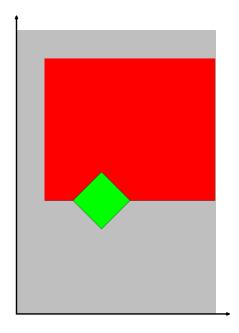
Так как ответ может быть достаточно большим, выведите остаток от деления ответа на число  $998\,244\,353$ .

## Пример

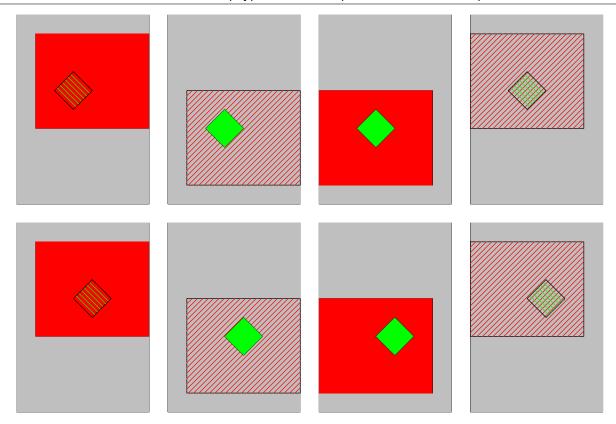
стандартный вывод
8

#### Замечание

Рассмотрим первый пример. На рисунке ниже изображены два многоугольника в их изначальных состояниях. Для удобства восприятия многоугольники наложены друг на друга. Первый многоугольник обозначен красным цветом, а второй — зеленым цветом. Лист бумаги обозначен серым пветом.



На рисунке ниже изображены восемь способов сложить стопку из данных двух листов. Если какой-то из многоугольников заштрихован, то это означает, что лист с данным многоугольником перевернут наизнанку.



# Задача Н. Львы (но не тигры!)

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Иван — профессиональный фотограф. В погоне за хорошим кадром он готов ехать в любую точку мира. И сейчас он приехал в Уганду с целью сфотографировать львов в их естественной среде обитания. К сожалению, львов не очень заинтересовали профессиональные качества Ивана, зато их весьма заинтересовали его вкусовые качества.

Для простоты будем считать саванну бесконечной плоскостью, а Ивана и львов — точками. В начальный момент времени Иван выбирает направление, в котором он будет ехать, спасаясь от львов, и дальше все время едет по прямой. Львы, будучи великолепными охотниками, сразу определяют направление, выбранное Иваном, и планируют его поимку соответственно. В частности, львы понимают, что Иван поедет по прямой. Скорости всех львов постоянны и равны между собой. Как мы уже увидели, Иван не очень умный, поэтому фотографировать львов он отправился в медленном автомобиле, скорость которого также постоянна и равна скорости львов.

Помогите Ивану выбрать такое направление, чтобы его не догнал ни один лев.

## Формат входных данных

В первой строке входных данных дано целое число n — количество львов ( $1 \le n \le 5 \cdot 10^5$ ).

Во второй строке даны два целых числа — координаты Ивана.

Далее следуют n строк, в каждой из которых даны два целых числа — координаты львов.

Все координаты не превосходят  $10^8$  по абсолютной величине. Гарантируется, что все точки во входных данных различны.

## Формат выходных данных

Если Иван не может убежать, выведите одно слово «NO» (без кавычек). Иначе в первой строке выведите одно слово «YES» (тоже без кавычек).

Составителю контеста было лень написать чекер, поэтому восстанавливать направление не требуется.

стандартный ввод	стандартный вывод
2	YES
0 0	
1 1	
2 2	
4	NO
0 0	
1 1	
-1 -1	
1 -1	
-1 1	

## Задача І. Бассейн.

Имя входного файла: **стандартный ввод** Имя выходного файла: **стандартный вывод** 

Ограничение по времени: 3 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Саша посетил крышу офиса Тинькофф, которая представляет собой выпуклый многоугольник из n вершин. Насладившись красивейшими видами на Москву, он с грустью осознал, что не видит бассейна.

Каждый последующий день Саша думал о том, как было бы классно, если бы на этой крыше был бассейн. Он даже нашел компанию, которая делает круглые бассейны на заказ и сейчас он хочет прикинуть, насколько большой бассейн можно установить на крыше офиса.

## Формат входных данных

В этой задаче несколько наборов входных данных. В первой строке указано число t  $(1 \leqslant t \leqslant 5\,000)$  — количество наборов входных данных.

В начале описания каждого набора указано число n — количество вершин в многоугольнике. Затем следуют n строк, содержащих по паре чисел  $x_i$  и  $y_i$  ( $|x_i|, |y_i| \le 10^9$ ) — координаты i-й вершины многоугольника.

Гарантируется, что сумма n по всем наборам не превышает 15 000. Также гарантируется, что все точки многоугольников перечислены в порядке обхода против часовой стрелки.

## Формат выходных данных

Для каждого набора входных данных выведите единственное число— наибольший радиус у круга, вложенного в указанный многоугольник.

Выведенный ответ будет считаться верным, если абсолютная или относительная погрешность не будет превышать  $10^{-4}$ .

## Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
2	0.5000000
4	1.0000000
0 0	
2 0	
2 1	
0 1	
3	
0 0	
4 0	
0 3	

#### Замечание

Поговаривают, что метод Ньютона работает гораздо быстрее, чем тернарный поиск. Но, к сожалению, все слишком, адекватные, чтобы его писать. Плак-плак.

## Задача Ј. Самая дальняя

Имя входного файла: mostfar.in Имя выходного файла: mostfar.out Ограничение по времени: 4 секунды Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Даны N точек на плоскости, нужно уметь обрабатывать следующие запросы:

- ullet get a b возвращает максимум по всем точкам величины  $a \cdot x + b \cdot y$ .
- $\bullet$  add x y добавить точку в множество.

## Формат входных данных

Число N ( $1 \le N \le 10^5$ ) и N точек. Далее число M ( $1 \le M \le 10^5$ ) — количество запросов и собственно запросы. Формат запросов можно посмотреть в примере. Все координаты точек и числа a, b — целые числа, по модулю не превосходящие  $10^9$ .

## Формат выходных данных

На каждый запрос вида get выведите одно целое число — максимум величины  $a \cdot x + b \cdot y$ .

mostfar.in	mostfar.out
3	1
0 0	0
1 0	1
0 1	1
10	4
get 1 1	4
get -1 -1	1
get 1 -1	1
get -1 1	
add 2 2	
add -2 -2	
get 1 1	
get -1 -1	
get 1 -1	
get -1 1	

## Задача К. Принцесса

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Принцесса Евлампия живет в замке, окруженном забором. Жизнь принцессы тяжела, но при этом и очень интересна. Главным ее развлечением является общение с многочисленными поклонниками, постоянно прибывающими из соседних замков, городов и даже королевств.

Замок принцессы окружен забором, представляющим из себя выпуклый многоугольник. Отец принцессы, король, достаточно строг, поэтому всем поклонникам принцессы приходится попадать туда через единственную во всем заборе дырку, вместо того, чтобы войти на территорию замка через парадные ворота. Дырка находится в одной из вершин многоугольника. При этом, если пройти напрямую к дырке поклоннику не удается, ему приходится обходить забор вдоль его периметра. Естественно, каждому поклоннику интересно, сколько ему придется пройти, чтобы попасть из точки своего начального местоположения к дырке, и все спрашивают об этом принцессу, перед тем как прийти к ней в гости.

Принцесса составила список начальных местоположений всех своих поклонников и описание забора вокруг замка. Вам необходимо для каждого поклонника сообщить длину кратчайшего пути от точки его начального положения до точки, в которой находится дырка. При этом, естественно, ни одна точка этого пути не должна лежать внутри многоугольника, представляющего забор, но может лежать на его границе.

## Формат входных данных

В первой строке входного файла находятся два целых числа n и k ( $3 \le n \le 100\,000$ ,  $1 \le k \le n$ ) — количество вершин в многоугольнике, представляющем забор, и номер вершины, в которой находится дырка. В следующих n строках содержатся пары целых чисел  $x_i$  и  $y_i$ , описывающих координаты вершин многоугольника в порядке обхода против часовой стрелки.

В следующей строке дано одно целое число m ( $1 \le m \le 100\,000$ ) — количество поклонников принцессы. В следующих m строках содержатся пары целых чисел  $x_i$  и  $y_i$ , описывающих координаты начального положения очередного поклонника.

Все координаты не превышают 10<sup>9</sup> по абсолютной величине.

## Формат выходных данных

Для каждого поклонника выведите одно число — ответ на задачу. Ответ должен отличаться от правильного не более, чем на  $10^{-5}$ .

стандартный ввод	стандартный вывод
4 2	3.236067977499789696414420059334
0 1	2.0000000000000000000000000000000000000
0 0	
1 0	
1 1	
2	
2 2	
-2 0	