

Задача А. 17 стульев

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	1 секунда
Ограничение по памяти:	64 мегабайта

64 мегабайта

Остап Бендер снова пытается получить причитающиеся драгоценности, но на этот раз они были заперты в шкатулке, для открытия которой необходимо иметь N ключей. По закономерной случайности каждый из ключей был спрятан в одном из N стульев, распроданных на недавнем аукционе. После аукциона эти стулья были развезены в N городов.

И вот теперь Остап решил на новую безумную затею: заехать в каждый из городов и, провернув в каждом из них аферу, выкрасть необходимые ключи. Чтобы избежать конфликтов с недоброжелателями, Остап не хочет больше одного раза появляться в каком-либо городе. Также у Остапа есть список цен за проезд между каждой парой городов. Изначально Остап находится в городе под номером 1 и после посещения всех городов может незаметно скрыться из этой страны.

Помогите Остапу найти порядок посещения городов, при котором ему потребуется потратить как можно меньше средств на странствия, и тогда, возможно, он поделится с Вами добытыми бриллиантами.

Формат входных данных

Первая строка содержит единственное число N — количество городов ($1 \leq N \leq 17$).

Следующие N строк содержат по N целых неотрицательных чисел. j -тое число в i -й строке означает стоимость проезда из города i в город j ($0 \leq a_{ij} \leq 100$). Если $a_{ij} > 0$, то проезд стоит a_{ij} рублей, иначе — это означает, что из города i в j невозможно проехать напрямую.

Формат выходных данных

В первой строке выведите минимальную сумму денег, необходимую для посещения всех городов Остапом. В следующей строке выведите N чисел — порядок посещения городов, при котором эта сумма достигается. Если затею Остапа невозможно вывести, то в единственной строке выходного файла выведите число -1.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3 0 3 2 3 0 6 2 6 0	8 1 3 2
5 0 6 4 0 0 6 0 7 0 7 4 7 0 0 0 0 0 0 0 2 0 7 0 2 0	20 1 3 2 5 4

Задача В. Украденный массив

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	0.8 секунд
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Мальчик Петя любит массивы. Недавно ему подарили огромный массив чисел F размера 2^n . Петя человек странный, и при виде массива из чисел сразу начинает считать какие-то суммы на нём. Специально для этого он купил в магазине новый пустой массив P размера 2^n и начал его заполнять по следующему правилу: $P[i] = \sum_{j \& i = j} F[j]$. Другими словами для каждого j , такого что j — подмаска i (т.е. побитовое «И» чисел i и j равно j), Петя прибавил $F[j]$ к изначально нулевому значению $P[i]$.

Но потом случилось ужасное — массив F украли! Теперь Петя хочет разыскать массив F , но он не помнит, какие значения там были изначально. Единственное что у него есть — массив P . Помогите Пете восстановить массив F .

Формат входных данных

В первой строке входных данных дано одно число n ($1 \leq n \leq 20$).

В следующей строке даны 2^n чисел, i -е из них — значение $P[i]$ ($-10^9 \leq P[i] \leq 10^9$) (нумерация ведётся с нуля).

Формат выходных данных

В одной строке выведите 2^n чисел, i -е из которых — значение $F[i]$ (нумерация ведётся с нуля).

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
2 1 2 3 4	1 1 2 0
3 1 3 4 10 6 14 16 36	1 2 3 4 5 6 7 8

Задача С. Деловые встречи

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Алексей — успешный предприниматель, и в течение одного дня у него бывает много встреч с разными деловыми партнёрами. К сожалению, встречи бывают разные и не все приносят ему радость, после других же настроение улучшается. Также, на многие встречи не стоит приходить в слишком плохом или хорошем настроении — результат таких встреч может быть не таким, какой хочется Алексею.

К счастью, недавно Алексей научился оценивать своё настроение с помощью целых чисел. После этого для каждой встречи он оценил, при каком максимальном и минимальном настроении стоит на неё приходить, а также как изменится его настроение после этой встречи. Теперь он хочет распланировать порядок встреч так, чтобы в течение дня совершить максимальное число встреч.

Ваша задача — написать программу, которая по информации о всех встречах и настроении Алексея в начале дня находит порядок проведения встреч такой, что их количество при этом максимально.

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит два целых числа n и k ($1 \leq n \leq 20$, $-100 \leq k \leq 100$) — количество встреч и настроение Алексея в начале дня.

Следующие n строк содержат по три целых числа a_i , b_i и c_i ($-100 \leq a_i, b_i, c_i \leq 100$) — минимальное и максимальное настроение, при котором встреча возможна, и изменение настроения по окончании встречи, соответственно.

Формат выходных данных

В первой строке выходного файла выведите число m — максимально возможно число встреч. В следующей строке выведите m целых чисел — номера встреч в порядке их проведения. Встречи пронумерованы в порядке описания во входном файле.

Если ответов с максимальным числом встреч несколько, выведите любой.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3 0 1 3 3 0 1 2 1 3 1	3 2 3 1
3 1 -10 -5 3 -5 5 -2 -3 2 1	2 3 2

Задача D. Симпатичные узоры 2

Имя входного файла: `nice2.in`
Имя выходного файла: `nice2.out`
Ограничение по времени: 3 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Компания BrokenTiles планирует заняться выкладыванием во дворах у состоятельных клиентов узор из черных и белых плиток, каждая из которых имеет размер 1×1 метр. Известно, что дворы всех состоятельных людей имеют наиболее модную на сегодня форму прямоугольника $n \times m$ метров.

Однако при составлении финансового плана у директора этой организации появилось целых две серьезных проблемы: во первых, каждый новый клиент очевидно захочет, чтобы узор, выложенный у него во дворе, отличался от узоров всех остальных клиентов этой фирмы, а во вторых, этот узор должен быть симпатичным.

Как показало исследование, узор является симпатичным, если в нем нигде не встречается квадрата 2×2 метра, полностью покрытого плитками одного цвета.

Для составления финансового плана директору необходимо узнать, сколько клиентов он сможет обслужить, прежде чем симпатичные узоры данного размера закончатся. Помогите ему!

Формат входных данных

На первой строке входного файла находятся два натуральных числа n и m . $1 \leq n \cdot m \leq 300$.

Формат выходных данных

Выведите в выходной файл единственное число — количество различных симпатичных узоров, которые можно выложить во дворе размера $n \times m$ по модулю $2^{30} + 1$. Узоры, получающиеся друг из друга сдвигом, поворотом или отражением считаются различными.

Примеры

<code>nice2.in</code>	<code>nice2.out</code>
2 2	14
3 3	322

Задача Е. Леденящая игра

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	1 секунда
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Чтобы попасть в команду к Шкиперу пингвин должен пройти ряд испытаний: полоса препятствий от Шкипера, спарринг с Рико, расшифровка кода от Прапора и задача от Ковальски.

Вы, пингвин-новобранец, успешно дошли до последнего испытания. Ковальски предлагает вам сыграть в следующую игру. Вам дается m наборов разноцветных льдинок, каждая одного из n цветов. Различные цвета обозначаются различными прописными буквами латинского алфавита. Вы можете взять какое-то подмножество этих наборов при условии, что льдинка каждого цвета будет встречаться не более одного раза в этом подмножестве. Пусть вы выбрали k наборов с индексами $i_1, i_2, \dots, i_k$, тогда ваш выигрыш составляет $\sum_{j=1}^k l_{i_j} - k$ баллов, где l_{i_j} — количество льдинок в наборе i_j .

Ковальски требует найти подмножество с максимальным количеством баллов.

От вас требуется найти любое подмножество, подходящее под условия Ковальски.

Формат входных данных

В первой строке входного файла находится число n ($1 \leq n \leq 17$) — количество различных цветов. Вторая строка входного файла содержит число m ($1 \leq m \leq 200000$) — количество различных наборов льдинок. В следующих m строках перечислены сами наборы. Набор с номером i задаётся строкой из первых n строчных латинских букв. Длина каждой строки не больше 17 символов.

Формат выходных данных

В первой строке выходного файла выведите k — количество наборов в ответе. Во второй строке выходного файла выведите k чисел — индексы наборов, входящих в ответ, в произвольном порядке.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
1 3 aaa aaaa a	0
1 2 aaa aaaa	0
3 3 aba ab c	1 2

Задача F. Разносчик пиццы

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	1 секунда
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Вы подрабатываете разноской пиццы. У вас есть рюкзак размера S и огромный заказ на n пицц, i -я из которых имеет размер a_i . Разумеется, доставить пиццу требуется как можно скорее. К сожалению, у вас нет ни машины, ни друзей, которые могли бы помочь, так что единственный способ перевозки — распределить все пиццы в стопки размера не более S каждая и доставлять стопки по очереди. Вам надо распределить все пиццы из заказа в минимально возможное количество стопок.

Формат входных данных

Входной файл состоит из t тестов ($1 \leq t \leq 10$). Первая строка файла содержит число t , далее следуют описания тестов. Каждый тест описывается двумя строчками: на первой располагаются целые числа n ($1 \leq n \leq 20$) и S ($1 \leq S \leq 10^9$), на второй располагаются целые числа $a_1, a_2, \dots, a_n$ ($1 \leq a_i \leq S$).

Формат выходных данных

Для каждого теста выведите на отдельной строке минимальное число стопок m , а на следующих m строчках — описание стопок. i -я из последующих строк должна содержать количество пицц в i -й стопке k_i и список из k_i номеров пицц. Каждая пицца должна встречаться ровно в одной стопке. Если есть несколько оптимальных решений, выведите любое из них.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
3	1
1 10	1 1
10	2
2 10	1 1
10 10	1 2
4 10	3
5 7 5 7	1 2
	2 1 3
	1 4

Задача Г. Борской мой

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	2.5 секунд
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Рик не сильно любит проводить время со своим внуком Морти вне приключений, однако иногда выделяет немного своего времени для игры в морской бой (разумеется, с настоящими космическими кораблями, а не на бумажке).

Поле для игры в Морской бой состоит из клеток и имеет ширину w и высоту h . Корабли могут состоять из одной, двух или трех подряд идущих клеток по вертикали или горизонтали. Всего на поле должно стоять s_1 одноклеточных кораблей, s_2 двухклеточных кораблей и s_3 трехклеточных. Корабли не должны касаться сторонами или пересекаться, однако они **могут** касаться углами.

Морти подозревает, что его гениальный дед хочет побыстрее выиграть, поэтому расставляет корабли по ходу игры. Он уже сделал несколько ходов, и на поле отмечены клетки, по которым он стрелял и результаты попаданий по ним: либо в этой клетке точно стоит корабль, либо корабля точно нет. Помогите ему определить, сколько возможных вариантов расстановки кораблей осталось у Рика. Поскольку это число может быть очень большим, найдите его по модулю $10^9 + 7$.

Формат входных данных

Первая строка содержит два целых числа w и h — ширину и высоту игрового поля, соответственно ($w \leq 100$; $h \leq 8$).

Следующие h строк содержат описания строк поля. Символ '.' обозначает клетку, по которой Морти не стрелял, 'o' обозначает клетку без корабля (промах), а 'x' — клетку с попаданием по кораблю.

Последняя строка содержит числа s_1 , s_2 и s_3 — количество кораблей каждого размера, которые надо разместить на поле ($s_1 \leq 5$; $s_2 \leq 4$; $s_3 \leq 3$).

Формат выходных данных

Выведите одно число — количество различных расстановок кораблей Рика, удовлетворяющих имеющимся данным, взятое по модулю $10^9 + 7$.

Две расстановки считаются различными, если существует клетка, занятая кораблем в одной расстановке, и свободная в другой.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
4 2 .ox. x.o. 2 1 0	2
3 3 .oo x.. .xx 0 2 0	1

Задача Н. Защитный узор

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	4 секунды
Ограничение по памяти:	512 мегабайт

Беверли прочитала в старой книге, которую нашла в библиотеке, что некоторые узоры могут отпугивать злые силы. Теперь она хочет нарисовать специальный узор на своей входной двери, чтобы временно отпугнуть Пеннивайза.

Входная дверь Беверли представляет собой клетчатый прямоугольник размера $n \times m$. Каждая клетка прямоугольника покрашена в белый или черный цвет. Беверли считает, что узор на двери будет отпугивать Пеннивайза, если:

- На двери будет хотя бы одна черная клетка
- Если соединить ребрами соседние по стороне черные клетки, в этом графе:
 - Будет одна компонента связности
 - Не будет существовать простого цикла

Беверли может перекрасить некоторые клетки на двери, при перекрашивании цвет клетки изменится с белого на черный, и наоборот. При этом, она хочет закончить как можно быстрее, а поэтому хочет минимизировать количество перекрашиваний. Помогите ей найти любой узор, удовлетворяющий требуемым ограничениям, и требующий минимального возможного количества перекрашиваний клеток. Конечно же, Беверли будет перекрашивать каждую клетку не более одного раза.

Формат входных данных

В первой строке даны два целых числа n и m — высота и ширина двери ($1 \leq n \leq 100$, $1 \leq m \leq 10$). В следующих n строках дано по m символов «.» и «#» — описание исходного узора на двери. Символ «.» соответствует белому цвету, а «#» — черному.

Формат выходных данных

Выведите любой узор, удовлетворяющий требуемым ограничениям, и требующий минимального количества перекрашиваний клеток.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3 3 ### #.# ###	### #.# ##.
4 3 ##. .## ### ##.	##. .## ##. #..
2 3	... #..

Замечание

- В первом тесте Беверли потребуется перекрасить минимум одну клетку.
 Во втором тесте Беверли потребуется перекрасить минимум две клетки.
 В третьем тесте Беверли потребуется перекрасить минимум одну клетку.

Задача I. Сокровища

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Дочь короля Флатландии собирается выйти за прекрасного принца. Принц хочет подарить принцессе сокровища, но он не уверен какие именно бриллианты из своей коллекции выбрать.

В коллекции принца n бриллиантов, каждый характеризуется весом w_i и стоимостью v_i . Принц хочет подарить наиболее дорогие бриллианты, однако король умен и не примет бриллиантов суммарного веса больше R . С другой стороны, принц будет считать себя жадным всю оставшуюся жизнь, если подарит бриллиантов суммарным весом меньше L .

Помогите принцу выбрать набор бриллиантов наибольшей суммарной стоимости, чтобы суммарный вес был в отрезке $[L, R]$.

Формат входных данных

Первая строка содержит число n ($1 \leq n \leq 32$), L и R ($0 \leq L \leq R \leq 10^{18}$). Следующие n строк описывают бриллианты и содержит по два числа — вес и стоимость соответствующего бриллианта ($1 \leq w_i, v_i \leq 10^{15}$).

Формат выходных данных

Первая строка вывода должна содержать k — количество бриллиантов, которые нужно подарить принцессе. Вторая строка должна содержать номера даримых бриллиантов.

Бриллианты нумеруются от 1 до n в порядке появления во входных данных.

Если составить подарок принцессе невозможно, то выведите 0 в первой строке вывода.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
3 6 8	1
3 10	2
7 3	
8 2	

Задача J. Мать драконов

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	0.3 секунд
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

В Королевстве Ланнистеров n замков и несколько стен, соединяющих два замка, никакие два замка не соединены более, чем одной стеной, ни одна стена не соединяет замок с собой.

Сир Джейме Ланнистер узнал, что Дейенерис Таргариен собирается атаковать его королевство. Он хочет защитить свои владения. У него есть k литров странной жидкости. Он хочет распределить эту жидкость между замками так, чтобы каждый замок содержал некоторое количество жидкости (возможно, нулевое или нецелое количество литров). После этого стабильность стены, соединяющей замки a и b , содержащие x и y литров жидкости, соответственно, равна $x \cdot y$.

Ваша задача — найти максимальную возможную сумму стабильностей стен, которую Сир Джейме Ланнистер сможет достичь

Формат входных данных

Первая строка содержит два целых числа n и k ($1 \leq n \leq 40$, $1 \leq k \leq 1000$).

Далее следует n строк. В i -й из них содержится n целых чисел $a_{i,1}, a_{i,2}, \dots, a_{i,n}$ ($a_{i,j} \in \{0,1\}$). Если замки i и j соединены стеной, $a_{i,j} = 1$. В противном случае оно равно 0.

Гарантируется, что $a_{i,j} = a_{j,i}$ и $a_{i,i} = 0$ для всех $1 \leq i, j \leq n$.

Формат выходных данных

Выведите одно число — максимальную возможную сумму стабильностей стен, которую Сир Джейме Ланнистер сможет достичь.

Ваш ответ будет считаться правильным, если его абсолютная или относительная точность не превосходит 10^{-6} .

А именно, если ваш ответ равен a , а ответ жюри равен b , то ваш ответ будет зачтен, если $\frac{|a-b|}{\max(1,b)} \leq 10^{-6}$.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3 1 0 1 0 1 0 0 0 0 0	0.250000000000
4 4 0 1 0 1 1 0 1 0 0 1 0 1 1 0 1 0	4.000000000000

Замечание

В первом примере, если замки 1, 2, 3 содержат 0.5, 0.5, 0 литров жидкости, соответственно, ответ равен 0.25.

Во втором примере, если замки 1, 2, 3, 4 содержат 1.0, 1.0, 1.0, 1.0 литров жидкости, ответ равен 4.0.

Задача К. Потерянный массив

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	1 секунда
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Маленькому Леше улыбнулась удача: ему удалось раздобыть очень редкий и необычный массив A , состоящий из n целых чисел. Заполучив в свои руки такой ценный предмет, мальчик сразу же отнес его в свою подземную лабораторию, намереваясь постигнуть тайны устройства массива.

Как опытный исследователь, Леша решил не спешить с проведением жутких экспериментов над бедным массивом, а сперва понаблюдать за ним. Он записал на листик бумаги результаты m наблюдений за массивом. Каждое наблюдение описывается тремя числами l_i , r_i и s_i , которые означают, что сумма элементов по модулю 2 на подотрезке $[l_i, r_i]$ массива равна s_i . Леша подготовил все необходимое для проведения $m+1$ -го наблюдения, но тут он услышал, что мама зовет его обедать.

По возвращении в свою лабораторию, мальчик увидел страшное: массив исчез. Совсем. Все надежды мальчика на получение Нобелевской премии в области исследования массивов рассыпались на глазах. Но потом Леша вспомнил, что у него все же осталась некоторая информация о массиве. Основываясь на записанных фактах, он решил построить компьютерную модель массива и проводить эксперименты над ней. Конечно, мальчик понимал, что он не сможет однозначно восстановить утерянный массив, потому что существует бесконечно много массивов, удовлетворяющих записанным фактам.

Все мы знаем, что операции с большими числами занимают много времени, а если еще к тому же числа становятся отрицательными... Чтобы сделать свою компьютерную модель как можно более быстрой, Леша решил построить массив, удовлетворяющий известным фактам, элементы которого неотрицательны, а их сумма минимально возможная.

Помогите ему сделать это!

Формат входных данных

Первая строка входных данных содержит числа n и m - количество элементов в массиве и количество фактов. Следующие m строк содержат числа l_i , r_i и s_i - описание i -го факта.

$$\begin{aligned} 1 &\leq n \leq 40 \\ 0 &\leq m \leq 100 \\ 1 &\leq l_i \leq r_i \leq n \\ 0 &\leq s_i \leq 1 \\ 0 &\leq a_i \leq 10^9 \end{aligned}$$

Формат выходных данных

Вывод должен содержать n целых чисел a_i — элементы восстановленного массива. Если существует несколько возможных ответов, выведете лексикографически минимальных среди них. Массив X лексикографически меньше массива Y если существует такой индекс $k \leq |X|$, что $x_i = y_i$ для всех $i < k$ и $x_k < y_k$.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
3 3 2 2 1 3 3 0 2 3 1	0 1 0

Задача L. Простой подарок

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	3.5 секунд
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

- Мужик, у тебя простые числа есть?
- Нету.
- На, мужик, простые числа.

Пингвин

В отличие от Гриши, который вел себя хорошо, Олег за весь год так и не научился решать задачи на теорию чисел. Поэтому вместо Деда Мороза к нему пришел его сокомандник Андрей и торжественно вручил ему множество из n **различных простых** чисел вместе с простой задачей: Олегу необходимо найти k -е в порядке возрастания положительное целое число, среди простых делителей которого встречаются числа **только** из этого множества.

Формат входных данных

В первой строке задано целое число n ($1 \leq n \leq 16$) — количество чисел во множестве.

Во второй строке n различных простых чисел $p_1, p_2, \dots, p_n$ ($2 \leq p_i \leq 100$) — числа во множестве. Гарантируется, что числа идут в порядке возрастания.

В третьей строке задано число k ($1 \leq k$). Гарантируется, что k -е в порядке возрастания положительное целое число, среди простых делителей которого встречаются числа только из данного множества не превосходит 10^{18} .

Формат выходных данных

Выведите k -е в порядке возрастания число, удовлетворяющее условию. Гарантируется, что оно не превосходит 10^{18} .

Замечание

Для первого примера последовательность с простыми делителями из набора $\{2, 3, 5\}$ выглядит так:

(1, 2, 3, 4, 5, 6, 8, ...)

Седьмым по счету числом (в 1-индексации) как раз и будет восьмерка.