Задача А. Числа Фибоначчи

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

$$f_1=f_2=1,\, f_{n+1}=f_n+f_{n-1}$$
 при $n>2.$

Формат входных данных

В единственной строке входных данных записано натуральное число $n\ (1\leqslant n\leqslant 45).$

Формат выходных данных

Выведите число f_n .

стандартный ввод	стандартный вывод
2	1
5	5

Задача В. Платная лестница

Имя входного файла: **стандартный ввод** Имя выходного файла: **стандартный вывод**

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Мальчик подошел к платной лестнице. Чтобы наступить на любую ступеньку, нужно заплатить указанную на ней сумму. Мальчик умеет перешагивать на следующую ступеньку, либо перепрыгивать через ступеньку. Требуется узнать, какая наименьшая сумма понадобится мальчику, чтобы добраться до верхней ступеньки.

Формат входных данных

В первой строке вводится целое число n ($1 \le n \le 100$). Во второй строке вводятся n натуральных чисел, не превосходящих 100 - стоимость каждой ступеньки (снизу вверх.)

Формат выходных данных

Выведите единственное число - наименьшую возможную стоимость прохода по лесенке.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
3	2
1 3 1	

Замечание

Изначально мальчик стоит перед первой ступенькой (не на ней).

Задача С. Без трех единиц

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Определите количество последовательностей из нулей и единиц длины n, в которых никакие три единицы не стоят рядом.

Формат входных данных

Вводится натуральное число n, не превосходящее 40.

Формат выходных данных

Выведите количество искомых последовательностей. Гарантируется, что ответ не превосходит $2^{31}-1$.

стандартный ввод	стандартный вывод
3	7

Задача D. Маршрут максимальной стоимости

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

В левом верхнем углу прямоугольной таблицы размером $n \cdot m$ находится черепашка. В каждой клетке таблицы записано некоторое число. Черепашка может перемещаться вправо или вниз, при этом маршрут черепашки заканчивается в правом нижнем углу таблицы.

Подсчитаем сумму чисел, записанных в клетках, через которую проползла черепашка (включая начальную и конечную клетку). Найдите наибольшее возможное значение этой суммы и маршрут, на котором достигается эта сумма.

Формат входных данных

В первой строке входных данных записаны два натуральных числа n и m, не превосходящих 100 — размеры таблицы. Далее идет n строк, каждая из которых содержит m чисел, разделенных пробелами — описание таблицы. Все числа в клетках таблицы целые и могут принимать значения от 0 до 100.

Формат выходных данных

Первая строка выходных данных содержит максимальную возможную сумму, вторая — маршрут, на котором достигается эта сумма. Маршрут выводится в виде последовательности, которая должна содержать n-1 букву D, означающую передвижение вниз, и m-1 букву R, означающую передвижение направо. Если таких последовательностей несколько, необходимо вывести ровно одну (любую) из них.

стандартный ввод	стандартный вывод
5 5	74
9 9 9 9 9	DDRRRRDD
3 0 0 0 0	
9 9 9 9 9	
6 6 6 6 8	
9 9 9 9 9	

Задача Е. Ход конем

Имя входного файла: **стандартный ввод** Имя выходного файла: **стандартный вывод**

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дана прямоугольная доска $n \times m$ (n строк и m столбцов). В левом верхнем углу находится шахматный конь, которого необходимо переместить в правый нижний угол доски. При этом конь может ходить только на две клетки вниз и на одну клетку вправо, либо на две клетки вправо и на одну клетку вниз. Необходимо определить, сколько существует различных маршрутов, ведущих из левого верхнего в правый нижний угол.

Формат входных данных

В первой строке входного файла находятся два натуральных числа n и m ($1 \le n, m \le 50$).

Формат выходных данных

Выведите единственное число количество способов добраться конём до правого нижнего угла доски.

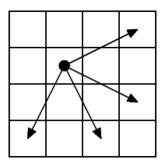
стандартный ввод	стандартный вывод
4 4	2

Задача F. Ход конем - 2

Имя входного файла: **стандартный ввод** Имя выходного файла: **стандартный вывод**

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дана прямоугольная доска $n \times m$ (n строк и m столбцов). В левом верхнем углу находится шахматный конь, которого необходимо переместить в правый нижний угол доски. При этом конь может ходить только так, как показано на рисунке:



Формат входных данных

В первой строке входного файла находятся два натуральных числа n и m $(1 \le N, M \le 15)$.

Формат выходных данных

В выходной файл выведите единственное число количество способов добраться конём до правого нижнего угла доски.

стандартный ввод	стандартный вывод
4 4	2
7 15	13309

Задача G. Ход конем

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 0.5 секунд Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Шахматная ассоциация решила оснастить всех своих сотрудников такими телефонными номерами, которые бы набирались на кнопочном телефоне ходом коня. Например, ходом коня набирается телефон 340-49-27. При этом телефонный номер не может начинаться ни с цифры 0, ни с цифры 8.

7	8	9
4	5	6
1	2	3
	0	

Формат входных данных

Вводится одно целое число N $(1 \leqslant N \leqslant 20)$ — количество цифр в номере телефона.

Формат выходных данных

Выведите искомое количество телефонных номеров.

стандартный ввод	стандартный вывод
1	8
10	11728

Задача Н. Калькулятор

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Имеется калькулятор, который выполняет три операции:

- 1. Прибавить к числу X единицу.
- 2. Умножить число X на 2.
- 3. Умножить число X на 3.

Определите кратчайшую последовательность операций, необходимую для получения из числа 1 заданное число N.

Формат входных данных

Программа получает на вход одно число N, не превосходящее 10^6 .

Формат выходных данных

Выведите строку, состоящую из цифр 1, 2 или 3, обозначающих одну из трех указанных операций, которая получает из числа 1 число N за минимальное число операций. Если возможных минимальных решений несколько, выведите любое из них.

стандартный ввод	стандартный вывод
5	311
3	3

Задача І. Лесенки

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Лесенкой называется набор кубиков, в котором каждый горизонтальный слой содержит меньше кубиков, чем слой под ним.

Подсчитать количество различных лесенок, которые могут быть построены из N кубиков.

Формат входных данных

Вводится одно число $N(1 \le N \le 150)$

Формат выходных данных

Выведите искомое количество лесенок.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
1	1
3	2

Страница 9 из 16

Задача Ј. Гвоздики

Имя входного файла: **стандартный ввод** Имя выходного файла: **стандартный вывод**

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

В дощечке в один ряд вбиты гвоздики. Любые два гвоздика можно соединить ниточкой. Требуется соединить некоторые пары гвоздиков ниточками так, чтобы к каждому гвоздику была привязана хотя бы одна ниточка, а суммарная длина всех ниточек была минимальна.

Формат входных данных

В первой строке входных данных записано число N — количество гвоздиков ($2\leqslant N\leqslant 100$). В следующей строке заданы N чисел — координаты всех гвоздиков (неотрицательные целые числа, не превосходящие 10000).

Формат выходных данных

Выведите единственное число — минимальную суммарную длину всех ниточек.

стандартный ввод	стандартный вывод
6	5
3 4 6 12 13 14	

Задача К. Наибольший квадрат

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 512 мегабайт

Дан двумерный массив целых чисел $n \times m$, все элементы которого — нули или единицы. Найти в нём наибольший по площади квадрат, состоящий только из единиц. Гарантируется, что в нём есть хотя бы одна единица.

Формат входных данных

Вводятся два целых числа n и $m(1\leqslant n,m\leqslant 3000),$ а потом n строк по m чисел 0 или 1 — элементы массива.

Формат выходных данных

Вывести три числа — длину стороны квадрата и координаты его левого верхнего угла.

стандартный ввод	стандартный вывод
1 1	1
1	1 1
3 5	2
1 1 0 0 0	2 4
1 1 1 1 1	
0 0 0 1 1	

Задача L. Мега кузнечик

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Изначально кузнечик находится на числовой прямой в числе 0. За один прыжок он может попасть из точки x в точки $x+1, x+2, \ldots, x+k$. Посчитайте количество способов по модулю 10^9+7 добраться до точки n.

Формат входных данных

В единственной строке вводятся два числа $1\leqslant k\leqslant n\leqslant 10^5$ — максимальная длина прыжка кузнечика и куда он хочет попасть.

Формат выходных данных

В единственной строке выведите одна число — количество способов по модулю 10^9+7 попасть в точку n.

стандартный ввод	стандартный вывод
1 5	1
2 5	8
3 5	13

Задача М. Разбиение на группы

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан массив из n чисел a_1, a_2, \ldots, a_n .

Необходимо разбить все элементы массива на несколько групп так, чтобы в каждой группе было не менее двух элементов.

Для группы b_j определим её cmoumocmb как разность между максимальным и минимальным элементом в этой группе:

$$cost(b_i) = max(b_i) - min(b_i)$$

Общая стоимость разбиения вычисляется как сумма стоимостей всех групп:

$$\sum_{j=0}^{k} cost(b_j)$$

Найдите разбиение с минимальной общей стоимостью.

Формат входных данных

В первой строке дано целое число n ($2 \le n \le 200$) — количество элементов в массиве. Во второй строке даны n целых чисел a_i ($1 \le a_i \le 10^9$) — элементы массива.

Формат выходных данных

Выведите одно целое число — минимальную общую стоимость разбиения.

стандартный ввод	стандартный вывод
4	2
5 3 4 2	

Задача N. Красивый массив

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 0.5 секунд Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Вам дан массив a состоящий из n целых чисел. Красота массива – это максимальная сумма какого-то последовательного подотрезка этого массива (этот подотрезок может быть пустым). Например красота массива [10, -5, 10, -4, 1] равна [10, -5, 10, -4, 1]

Вы можете выбрать не более одного последовательного подотрезка массива a и домножить все элементы этого подотрезка на x. Вы хотите максимизировать красоту массива после применения такой операции.

Формат входных данных

Первая строка содержит два целых числа n и x, $(1 \leqslant n \leqslant 3 \cdot 10^5, -100 \leqslant x \leqslant 100)$ — длина массива a и число x соответственно.

Вторая строка содержит n целых чисел $a_1, a_2, \ldots, a_n, (-10^9 \leqslant a_i \leqslant 10^9)$ — сам массив a.

Формат выходных данных

Выведите одно число — максимальную красоту массива a после не более одного домножения непрерывного подотрезка этого массива на x.

стандартный ввод	стандартный вывод
5 -2	22
-3 8 -2 1 -6	
12 -3	42
1 3 3 7 1 3 3 7 1 3 3 7	
5 10	0
-1 -2 -3 -4 -5	

Задача О. Ледяная река

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Перед вами река, которую необходимо пересечь. Река состоит из n участков длиной 1 метр каждый. На каждом участке может находиться бревно, крокодил или просто вода. Необходимо переправиться с левого берега на правый.

Река имеет следующую структуру: левый берег находится в позиции 0, правый берег — в позиции n+1. Участки реки пронумерованы от 1 до n. Каждый участок содержит один из трёх объектов: бревно 'L', крокодил 'C' или вода 'W'.

Река очень холодная, поэтому суммарно в воде можно проплыть не более k метров.

Вы можете перемещаться по реке следующим образом:

- \bullet Если вы находитесь на поверхности (берег или бревно), вы можете прыгнуть вперёд на расстояние от 1 до m метров включительно.
- Если вы находитесь в воде, вы можете только переплыть на следующий участок реки (или на берег, если вы на участке n).
- Попадать на участок с крокодилом запрещено.

Определите, можно ли переправиться с левого берега на правый, соблюдая указанные правила.

Формат входных данных

Первая строка содержит одно целое число T $(1\leqslant T\leqslant 10^4)$ — количество наборов входных данных.

В первой строке каждого набора вводятся три числа n, m, k $(1 \le k < n \le 10^6, 1 \le m \le 10)$ — длина реки, дальность прыжка и количество метров, которое можно проплыть не замёрзнув.

Во второй строке каждого набора вводится одна строка A длины n. A_i обозначает объект, находящийся на i-м метре. $(A_i \in \{\text{'W'}, \text{'C'}, \text{'L'}\})$

Формат выходных данных

Для каждого набора входных данных выведите «YES», если можно выполнить переправу, и выведите «NO» в обратном случае.

стандартный ввод	стандартный вывод
6 2 0	YES
LWLLLW	
6 1 1	YES
LWLLLL	
6 1 1	NO
LWLLWL	
6 2 15	NO
LWLLCC	
6 10 0	YES
ccccc	

Задача Р. Ограбление банка

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 512 мегабайт

Джокер грабит банк. Всё, что нужно, чтобы обогатиться — вскрыть кодовый замок от хранилища с деньгами. Код от замка представляет собой строку длины n из латинских букв. Также Джокер стащил у нерадивого охранника записку, на которой указана подсказка к коду. Сопоставим символам от «а» до «z» числа от 0 до 25. В подсказке указаны n целых чисел a_i : a_1 равно числу, соответствующему первому символу кода, а для всех $2 \le i \le n$ a_i равно модулю разности чисел, соответствующих символам на позициях i-1 и i.

В это время Доктор Стрэндж, путешествуя между мирами, попал не в ту вселенную и угодил прямиком в руки Джокера. И теперь, используя Глаз Агамотто, Джокер планирует перебрать все $14\,000\,625$ вариантов комбинаций кода и найти единственную подходящую. На самом деле возможных комбинаций может оказаться и не $14\,000\,625$ — Джокер сказал это число наугад. Поэтому он решил выяснить реальное количество различных кодов, которые удовлетворяют данным из подсказки. Помогите ему вычислить это число. Поскольку Джокер сумасшедший, вместо самого числа он попросил вас посчитать остаток от деления этого числа на $1\,000\,000\,007$.

Формат входных данных

В первой строке дано одно число целое число n — длина кода ($1 \le n \le 10^6$). Во второй строке дано n целых чисел a_i ($0 \le a_i \le 25$).

Формат выходных данных

В единственной строке выведите одно число — количество различных комбинаций, которые соответствуют информации из подсказки, по модулю $10^9 + 7$.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
1	1
4	
3	4
12 4 4	

Замечание

В первом тесте единственным подходящим кодом является «е».

Во втором тесте подсказке удовлетворяют следующие коды: «mie», «mim», «mqm», «mqu».