

Задача А. Поиск максимума

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 3 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Реализуйте структуру данных для эффективного вычисления номера максимального из нескольких подряд идущих элементов массива.

Формат входных данных

В первой строке вводится одно натуральное число N ($1 \leq N \leq 100\,000$) — количество чисел в массиве.

Во второй строке вводятся N чисел от 1 до 100 000 — элементы массива.

В третьей строке вводится одно натуральное число K ($1 \leq K \leq 3\,000\,000$) — количество запросов на вычисление максимума.

В следующих K строках вводится по два числа — номера левого и правого элементов отрезка массива (считается, что элементы массива нумеруются с единицы).

Формат выходных данных

Для каждого запроса выведите индекс максимального элемента на указанном отрезке массива. Если максимальных элементов несколько, выведите любой их них.

Числа выводите в одну строку через пробел.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
5	3
2 2 2 1 5	5
2	
2 3	
2 5	

Задача В. Дерево отрезков с операцией на отрезке

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	0.5 секунд
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Реализуйте эффективную структуру данных для хранения элементов и увеличения нескольких подряд идущих элементов на одно и то же число.

Формат входных данных

В первой строке вводится одно натуральное число N ($1 \leq N \leq 100\,000$) — количество чисел в массиве.

Во второй строке вводятся N чисел от 0 до 100 000 — элементы массива.

В третьей строке вводится одно натуральное число M ($1 \leq M \leq 30\,000$) — количество запросов.

Каждая из следующих M строк представляет собой описание запроса. Сначала вводится одна буква, кодирующая вид запроса (g — получить текущее значение элемента по его номеру, a — увеличить все элементы на отрезке).

Следом за g вводится одно число — номер элемента.

Следом за a вводится три числа — левый и правый концы отрезка и число add , на которое нужно увеличить все элементы данного отрезка массива ($0 \leq add \leq 100\,000$).

Формат выходных данных

Выведите в одну строку через пробел ответы на каждый запрос g .

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
5	4
2 4 3 5 2	2
5	14
g 2	5
g 5	
a 1 3 10	
g 2	
g 4	

Задача С. Катый ноль

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Реализуйте эффективную структуру данных, позволяющую изменять элементы массива и вычислять индекс k -го слева нуля на данном отрезке в массиве.

Формат входных данных

В первой строке вводится одно натуральное число N ($1 \leq N \leq 200\,000$) — количество чисел в массиве. Во второй строке вводятся N чисел от 0 до 100 000 — элементы массива. В третьей строке вводится одно натуральное число M ($1 \leq M \leq 200\,000$) — количество запросов. Каждая из следующих M строк представляет собой описание запроса. Сначала вводится одна буква, кодирующая вид запроса (s — вычислить индекс k -го нуля, u — обновить значение элемента). Следом за s вводится три числа — левый и правый концы отрезка и число k ($1 \leq k \leq N$). Следом за u вводятся два числа — номер элемента и его новое значение.

Формат выходных данных

Для каждого запроса s выведите результат. Все числа выводите в одну строку через пробел. Если нужного числа нулей на запрашиваемом отрезке нет, выводите -1 для данного запроса.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
5	4
0 0 3 0 2	
3	
u 1 5	
u 1 0	
s 1 5 3	

Задача D. Ближайшее большее число справа

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан массив a из n чисел. Нужно обрабатывать запросы:

0. $\text{set}(i, x)$ – присвоить новое значение элементу массива $a[i] = x$;
1. $\text{get}(i, x)$ – найти $\min k: k \geq i$ и $a_k \geq x$.

Формат входных данных

Первая строка входных данных содержит два числа: длину массива n и количество запросов m ($1 \leq n, m \leq 200\,000$).

Во второй строке записаны n целых чисел – элементы массива a ($0 \leq a_i \leq 200\,000$).

Следующие m строк содержат запросы, каждый запрос содержит три числа t, i, x . Первое число t равно 0 или 1 – тип запроса. $t = 0$ означает запрос типа **set**, $t = 1$ соответствует запросу типа **get**, $1 \leq i \leq n$, $0 \leq x \leq 200\,000$. Элементы массива нумеруются с единицы.

Формат выходных данных

На каждый запрос типа **get** на отдельной строке выведите соответствующее значение k . Если такого k не существует, выведите -1 .

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
4 5	1
1 2 3 4	3
1 1 1	-1
1 1 3	2
1 1 5	
0 2 3	
1 1 3	

Задача Е. Максимум на подотрезках с добавлением на отрезке

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 0.5 секунд
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Реализуйте эффективную структуру данных для хранения массива и выполнения следующих операций: увеличение всех элементов данного интервала на одно и то же число; поиск максимума на интервале.

Формат входных данных

В первой строке вводится одно натуральное число N ($1 \leq N \leq 100000$) — количество чисел в массиве.

Во второй строке вводятся N чисел от 0 до 100000 — элементы массива.

В третьей строке вводится одно натуральное число M ($1 \leq M \leq 30000$) — количество запросов.

Каждая из следующих M строк представляет собой описание запроса. Сначала вводится одна буква, кодирующая вид запроса (m — найти максимум, a — увеличить все элементы на отрезке).

Следом за m вводятся два числа — левая и правая граница интервала.

Следом за a вводятся три числа — левый и правый концы отрезка и число add , на которое нужно увеличить все элементы данного отрезка массива ($0 \leq add \leq 100000$).

Формат выходных данных

Выведите в одну строку через пробел ответы на каждый запрос m .

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
5	4 104 104
2 4 3 1 5	
5	
m 1 3	
a 2 4 100	
m 1 3	
a 5 5 10	
m 1 5	

Задача F. Счастье студента

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Общежитие, в котором жил Витя, можно представить в виде комнат с номерами от 1 до N , расположенных на прямой. Введём понятие несчастья комнаты, которое изначально равно нулю в каждой комнате. Далее происходят следующие события:

1. В комнате с номером i происходит нашествие из Q тараканов. В таком случае несчастье всех комнат увеличивается на $\max(0, Q - D)$, где D — расстояние до комнаты, в которой произошло нашествие.
2. В комнатах с номерами с L по R травят тараканов с силой X . В этом случае несчастье всех комнат на этом отрезке уменьшается на X .
3. Ко Мендант просит Витю посчитать суммарное несчастье студентов на отрезке с L по R .

Помогите Вите ответить на все вопросы Ко Менданта.

Формат входных данных

В первой строчке дано два числа — N и M ($1 \leq N, M \leq 10^5$) — количество комнат и событий соответственно. В следующих M строках идут запросы. Каждый запрос имеет один из следующих типов:

1. ? L R — Ко Мендант интересуется суммарным несчастьем студентов на отрезке с L по R ($1 \leq L \leq R \leq N$).
2. R i Q — В комнате с номером i произошло нашествие Q тараканов. ($1 \leq i \leq N; 0 \leq Q \leq 10^8$)
3. C L R X — в комнатах с L по R травят тараканов с силой X . ($1 \leq L \leq R \leq N; 0 \leq X \leq 10^9$)

Формат выходных данных

На каждый запрос первого типа вам надо вывести в отдельной строке единственное число — суммарное несчастье комнат на данном отрезке.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
4 4 R 2 3 C 2 2 2 ? 1 2 ? 4 4	3 1
5 6 R 4 3 R 2 2 C 1 3 3 ? 1 3 R 1 1 ? 1 5	-2 4

Задача G. Атомы

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

В лаборатории аномальных материалов антинаучно-исследовательского комплекса «Black Mesa» проводят эксперименты с недавно разработанным графитовым наностержнем. Графитовый наностержень представляет собой n последовательно соединенных атомов углерода, находящихся на одной прямой. Каждый атом имеет определенный заряд.

Для проведения эксперимента, стержень располагают вертикально. Пронумеруем атомы от 1 до n снизу вверх. Между двумя атомами образуется сильная связь, если это соседние атомы и верхний из них имеет заряд ровно на один больше, чем нижний. Иными словами, атомы a и b соединены сильной связью, если $a = b + 1$ и $q_a = q_b + 1$, где q_i — заряд i -го атома. Цепочкой атомов назовем несколько последовательных атомов, соединенных сильными связями.

Вчера был проведен очередной эксперимент. Перед началом эксперимента каждому атому установили определенный заряд: i -му атому установили заряд q_i .

Во время эксперимента ученые проводили действия двух типов:

- у всех атомов с номерами от l_i до r_i , включительно, заряд изменяли на величину d_i ;
- временно разрушали все сильные связи атомов, кроме тех, которые соединяют атомы с номерами от l_i до r_i , включительно, и измеряли длину самой длинной цепочки атомов среди оставшихся сильных связей. Затем восстанавливали все временно разрушенные связи.

Было произведено m действий, однако выяснилось, что в результате побочного эффекта эксперимента запись результатов измерений оказалась утеряна. Для продолжения работы с графитовым наностержнем необходимо восстановить результаты вчерашних измерений. К счастью, сохранился план действий, произведенных во время эксперимента. Помогите ученым продолжить исследования, восстановите результаты измерений.

Формат входных данных

В первой строке находится одно целое число n ($1 \leq n \leq 100\,000$) — количество атомов в наностержне. Во второй строке находятся n чисел q_i ($|q_i| \leq 10^9$) — начальный заряд i -го атома. В третьей строке находится одно целое число m ($0 \leq m \leq 100\,000$) — количество действий в эксперименте. В следующих m строках содержится описание эксперимента.

Если строка начинается с символа «+», очередное действие — изменение заряда атомов. В таком случае, далее в этой строке находятся три целых числа: l_i , r_i и d_i ($1 \leq l_i \leq r_i \leq n$, $|d_i| \leq 10^9$), которые характеризуют это действие.

Если строка начинается с символа «?», очередное действие — второго типа. В таком случае, далее в этой строке находятся два целых числа: l_i и r_i ($1 \leq l_i \leq r_i \leq n$), которые характеризуют это действие.

Формат выходных данных

Для каждого действия второго типа выведите в новой строке одно число — длину наибольшей цепочки.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
6	3
2 3 4 3 4 4	3
5	5
? 1 6	
+ 6 6 1	
? 2 6	
+ 4 6 2	
? 1 5	

Задача Н. Объединение прямоугольников

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дано N прямоугольников со сторонами, параллельными осям координат и вершинами в целочисленных точках. Найдите площадь их объединения.

Формат входных данных

В первой строке дано число $0 \leq N < 10^5$ - количество прямоугольников. В следующих N строках даны описания прямоугольников. Каждое описание прямоугольника — это 4 числа через пробел: $\langle x_1, y_1, x_2, y_2 \rangle$. Левый нижний угол прямоугольника имеет координаты $\langle x_1, y_1 \rangle$, правый верхний угол имеет координаты $\langle x_2, y_2 \rangle$.

$$\begin{aligned} -10^9 \leq x_1 \leq x_2 \leq 10^9; \\ -10^9 \leq y_1 \leq y_2 \leq 10^9 \end{aligned}$$

Формат выходных данных

Выведите одно число — площадь объединения этих прямоугольников

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
2 0 0 2 2 1 3 2 4	5
0	0
3 1 1 3 5 5 2 7 4 2 4 6 7	23

Задача I. Число возрастающих подпоследовательностей

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Задана последовательность из n чисел a_1, a_2, \dots, a_n . Подпоследовательностью длины k этой последовательности называется набор индексов i_1, i_2, \dots, i_k , удовлетворяющий неравенствам $1 \leq i_1 < i_2 < \dots < i_k \leq n$. Подпоследовательность называется возрастающей, если выполняются неравенства $a_{i_1} < a_{i_2} < \dots < a_{i_k}$.

Необходимо найти число возрастающих подпоследовательностей наибольшей длины заданной последовательности a_1, \dots, a_n . Так как это число может быть достаточно большим, необходимо найти остаток от его деления на $10^9 + 7$.

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит целое число n ($1 \leq n \leq 10^5$). Вторая строка входного файла содержит n целых чисел: a_1, a_2, \dots, a_n . Все a_i не превосходят 10^9 по абсолютной величине.

Формат выходных данных

В выходной файл выведите ответ на задачу.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
5 1 2 3 4 5	1
6 1 1 2 2 3 3	8

Задача J. Сережа и скобочки

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

У Сережи есть строка s длины n , состоящая из символов «(» и «)».

Сереже нужно ответить на m запросов, каждый из которых характеризуется двумя целыми числами l_i, r_i . Ответом на i -ый запрос является длина наибольшей правильной скобочной подпоследовательности последовательности $s_{l_i}, s_{l_i+1}, \dots, s_{r_i}$. Помогите Сереже ответить на все запросы.

Формат входных данных

Первая строка содержит последовательность символов без пробелов s_1, s_2, \dots, s_n ($1 \leq n \leq 10^6$). Каждый символ это либо «(», либо «)». Вторая строка содержит целое число m ($1 \leq m \leq 10^5$) количество запросов. Каждая из следующих m строк содержит пару целых чисел. В i -ой строке записаны числа l_i, r_i , ($1 \leq l_i \leq r_i \leq n$) — описание i -го запроса.

Формат выходных данных

Выведите ответ на каждый запрос в отдельной строке. Ответы выводите в порядке следования запросов во входных данных.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
()()()()	0
7	0
1 1	2
2 3	10
1 2	4
1 12	6
8 12	6
5 11	
2 10	

Замечание

Подпоследовательностью длины $|x|$ строки $s = s_1 s_2 \dots s_{|s|}$ (где $|s|$ — длина строки s) называется строка $x = s_{k_1} s_{k_2} \dots s_{k_{|x|}}$ ($1 \leq k_1 < k_2 < \dots < k_{|x|} \leq |s|$).

Правильной скобочной последовательностью называется скобочная последовательность, которую можно преобразовать в корректное арифметическое выражение путем вставок между ее символами символов «1» и «+». Например, скобочные последовательности «()()», «((()» — правильные (полученные выражения: «(1)+(1)», «((1+1)+1)»), а «()» и «(» — нет.

Для третьего запроса искомая последовательность будет «()».

Для четвертого запроса искомая последовательность будет «()()()».

Задача К. Ложь, наглая ложь и статистика

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	3 секунды
Ограничение по памяти:	512 мегабайт

В распоряжении агрономического комбината «Олег и ко» находится n полей, пронумерованных от 1 до n . Для каждого поля определена его урожайность $a_i \leq 10^9$ — сколько килограмм винограда можно собрать с этого поля за год.

В связи с трудной экономической ситуацией руководству фирмы приходится принимать решительные (хоть и не совсем честные) меры по повышению стоимости акций предприятия. Руководство знает, что стоимость акций равна среднему арифметическому урожайностей полей, принадлежащих комбинату. Но эта величина может быть очень маленькой, поэтому руководство приняло решение сообщать при регистрации не обо всех полях, а лишь о каком-то множестве полей с последовательными индексами. Кроме того, некоторые поля не отвечают высоким стандартам производства винограда, поэтому регистрировать их нельзя (иначе фирму могут закрыть). Однако все знают, что у комбината более одного поля, поэтому регистрация одного поля будет выглядеть подозрительно, и, поэтому, директор всегда будет регистрировать не менее двух полей.

Вам необходимо помочь руководству фирмы и ответить на q запросов. Запросы могут быть одного из двух видов:

- 1 r x — урожайность полей с номерами от l до r увеличилась на x ($1 \leq x \leq 10^9$).
- 2 l r — предположим, разрешено регистрировать поля с номерами от l до r ($1 \leq l < r \leq n$). Какой максимальной прибыли может добиться директор при правильном выборе полей, которые он будет регистрировать?

Формат входных данных

В первой строке входного файла задано 2 целых числа n и q — число полей у комбината и число запросов соответственно.

Во второй строке задано n целых чисел a_i ($1 \leq a_i \leq 10^9$) через пробел — изначальные урожайности полей.

В следующих q строках заданы запросы в формате, описанном выше.

Формат выходных данных

Для каждого запроса второго типа выведите вещественное число в отдельной строке — ответ на задачу. Ваш ответ будет считаться корректным если абсолютная или относительная погрешность не превосходит 10^{-4} .

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3 3	1.666667
2 1 2	3.500000
2 1 3	
1 2 2 4	
2 1 3	
5 5	7.000000
2 4 2 2 1	9.500000
1 2 4 4	
2 2 5	
1 3 3 3	
1 1 3 1	
2 2 4	