# Задача А. Альфа Дерево

Имя входного файла: **стандартный ввод** Имя выходного файла: **стандартный вывод** 

Ограничение по времени: 0.5 секунд Ограничение по памяти: 256 мегабайт

У вас есть полное бинарное дерево глубины  $n \ (0 \le n \le 30)$ .

В дереве  $2^n$  листьев, они пронумерованы слева направо числами от 0 до  $2^n-1$ .

В *i*-м листе записано число  $x_i = (ai^2 + bi + c) \mod m$ .

Есть фишка, которая изначально находится в корне дерева. Двое играют в игру, двигая фишку вниз по дереву. Когда фишка достигает листа дерева, игра заканчивается. Цель первого игрока — максимизировать число в листе, цель второго — минимизировать.

#### Формат входных данных

Числа n, a, b, c, m. При этом  $10 \le m \le 10^9$ .

Все a, b, c сгенерированы равномерным распределением на [0, m).

### Формат выходных данных

Выведите результат игры при оптимальной игре обоих.

#### Система оценки

Оценка потестовая. Все тесты независимы.

#### Пример

| стандартный ввод | стандартный вывод |
|------------------|-------------------|
| 3 10 7 9 20      | 11                |

#### Замечание

Взятие остатка по модулю — небыстрая операция. Чем их меньше, тем лучше.

## Задача В. Бинарная игра

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 512 мегабайт

Искандер и Оля любят придумывать ребусы. Но больше, чем придумывать ребусы, они любят придумывать какие-нибудь игры на строках. Вот и сейчас им в голову пришла забавная игра со следующими правилами:

- Выбирается какой-то набор *запрещённых* двоичных (состоящих из нулей и единиц) строк  $f_1, f_2, \dots, f_n$ .
- $\bullet$  Выбирается некоторая стартовая бинарная строка s, такая что ни одна из запрещённых строк не входит в неё как подстрока.
- Игроки по очереди дописывают в конец строки s по одному символу «0» или «1». Оля ходит первой.
- Проигрывает тот, после чьего хода хотя бы одна из запрещённых строк  $f_1, f_2, \dots f_n$  входит в s как подстрока.
- В случае если при оптимальной игре обоих игроков игра может продолжаться сколь угодно долго, то объявляется ничья.

Вы обожаете портить другим людям их любимые развлечения, поэтому решили написать программу, которая будет определять исход игры по заданному набору запрещённых строк и стартовой строке s.

#### Формат входных данных

В первой строке входных данных записаны два целых числа n и m (0  $\leqslant$  n  $\leqslant$  100 000,  $0 \leqslant m \leqslant$  1 000 000) — количество запрещённых строк и изначальная длина строки s.

В каждой из последующих n строк содержится одна запрещённая строка. Гарантируется, что все эти строки непусты, состоят из символов «0» и «1» и никакая из них не является подстрокой строки s. Дополнительно гарантируется, что **суммарная** длина всех запрещённых строк не превосходит  $1\,000\,000$ .

В последней строке входных данных записана стартовая строка s длины m, состоящая только из символов «0» и «1». Обратите внимание, строка s может быть пустой, в этом случае соответствующая строка входных данных отсутствует (в том числе символ перевода строки). Длина s не превосходит  $1\,000\,000$ .

#### Формат выходных данных

В зависимости от результата игры при оптимальной игре обоих игроков выведите:

- «Olya» (без кавычек), если Оля может победить вне зависимости от того как будет играть Искандер. Напомним, что Оля ходит первой.
- «Iskander» (без кавычек), если Искандер может победить не зависимо от ходов Оли.
- «Friendship» (без кавычек), если при оптимальной игре обоих игроков игра будет продолжаться бесконечно долго.

## Примеры

| стандартный ввод | стандартный вывод |
|------------------|-------------------|
| 1 0              | Friendship        |
| 1                |                   |
| 3 1              | Olya              |
| 000              |                   |
| 001              |                   |
| 011              |                   |
| 0                |                   |
| 2 3              | Iskander          |
| 1001             |                   |
| 000              |                   |
| 100              |                   |

#### Замечание

Если вы не слушали вводную лекцию про анализ игр на ациклических и циклических графах, рекомендую первую главу данной статьи:

https://ejudge.lksh.ru/archive/2014/07/A/games.pdf

# Задача С. Вас снова замяукали!

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Два котёнка попали в запутанный лабиринт со множеством комнат и переходов между ними. Котята долго по нему плутали, обошли все комнаты по много раз, нашли выход (да даже и не один, а несколько), в общем, изучили там всё, что смогли. Теперь этот лабиринт котята используют в своих играх.

Чаще всего котята играют в следующую игру: начиная в какой-то комнате лабиринта, котята поочерёдно выбирают, в какую из комнат им перейти. Котята изначально находятся в одной комнате и ходят вместе. Как только котёнок, который должен выбрать следующую комнату, не может этого сделать, он признаётся проигравшим. Обычно в таких играх выигрывающий игрок стремится выиграть как можно быстрее, а проигрывающий стремится как можно дольше оттянуть свое поражение. Но у котят свои представления о победе и поражении. Если котёнок знает, что, начиная из текущей комнаты, он выиграет (вне зависимости от действий другого котёнка), то он стремится играть как можно дольше, чтобы продлить себе удовольствие от выигрыша (естественно, при этом выигрывающий котёнок должен гарантировать себе, что будет постоянно уверен в выигрыше). Котёнок, который знает, что проиграет (при условии, конечно, что другой котёнок будет действовать оптимально), старается проиграть как можно быстрее, чтобы начать новую игру, в которой и взять реванш.

Если котята будут ходить бесконечно долго, но никто из них не сможет выиграть, то котята считают игру завершившейся вничью и замяукивают Вас.

Вас попросили для каждой комнаты в лабиринте узнать, выиграет или проиграет котёнок, начинающий ходить из данной комнаты. Если котёнок, начинающий из этой комнаты, выигрывает, требуется узнать максимальное количество ходов, которое он сможет играть, если же проигрывает — минимальное количество, которое ему придётся играть.

#### Формат входных данных

В первой строке ввода находятся два числа n и m — число комнат и переходов между комнатами в лабиринте ( $1 \le n \le 100\,000$ ,  $0 \le m \le 100\,000$ ). Далее следует m строк с описаниями переходов. Описание перехода состоит из двух чисел a и b, означающих, что котёнок, начинающий игру в комнате с номером a, может выбрать комнату b в качестве следующей.

#### Формат выходных данных

Выведите n строк — для каждой комнаты результат игры для котёнка, который начнет игру из этой комнаты. Если игра закончится вничью, выведите «DRAW». Если начинающий котёнок выиграет, выведите «WIN K», где К — количество ходов, которые сможет играть выигрывающий котёнок. Если котёнок сможет играть сколь угодно долго, сохраняя возможность в любой момент выиграть, выведите «WIN INF». Если котёнок, начинающий из этой комнаты, проиграет, выведите «LOSE K», где К — количество ходов, которые придется играть проигрывающему котёнку. Если же котёнку придется играть сколь угодно долго, при том, что его соперник сможет в любой момент выиграть, выведите «LOSE INF».

| стандартный ввод | стандартный вывод |
|------------------|-------------------|
| 4 4              | LOSE 2            |
| 1 2              | WIN 1             |
| 1 3              | WIN 1             |
| 2 4              | LOSE 0            |
| 3 4              |                   |
| 6 6              | DRAW              |
| 1 2              | DRAW              |
| 2 3              | DRAW              |
| 3 4              | DRAW              |
| 4 1              | WIN 1             |
| 4 5              | LOSE 0            |
| 5 6              |                   |
| 6 6              | LOSE INF          |
| 1 2              | WIN INF           |
| 2 3              | LOSE INF          |
| 3 4              | WIN INF           |
| 4 1              | LOSE 0            |
| 2 6              | LOSE 0            |
| 4 5              |                   |
|                  |                   |

## Задача D. Сумма игр

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Пусть дан ориентированный граф. Стандартная игра на графе заключается в следующем: изначально на одной из вершин графа (называемой начальной позицией) стоит фишка. Двое игроков по очереди двигают её по рёбрам. Проигрывает тот, кто не может сделать ход.

В теории игр часто рассматриваются более сложные игры. Например, прямая сумма двух игр на графах. Прямая сумма игр — это следующая игра: изначально на каждом графе в начальной позиции стоит по фишке. За ход игрок выбирает любую фишку и двигает по ребру соответствующего графа. Проигрывает тот, кто не может сделать ход.

Ваша задача — определить, кто выиграет при правильной игре.

#### Формат входных данных

На первой строке будут даны числа  $N_1$  и  $M_1$  — количество вершин и рёбер в первом графе  $(1\leqslant N_1,\,M_1\leqslant 10\,000)$ . На следующих  $M_1$  строках содержится по два числа x и y  $(1\leqslant x,\,y\leqslant N_1)$ . В следующей строке вводятся  $N_2$  и  $M_2$  — количество вершин и рёбер во втором графе соответственно. Далее в следующих  $M_2$  строках задан второй граф в том же формате.

Заканчивается входной файл списком пар начальных вершин, для которых нужно решить задачу. На первой строке задано число T ( $1 \le T \le 100\,000$ ) — количество пар начальных вершин. В следующих T строках указаны пары вершин  $v_1$  и  $v_2$  ( $1 \le v_1 \le N_1$ ,  $1 \le v_2 \le N_2$ ).

#### Формат выходных данных

На каждую из T пар начальных вершин выведите строку "first", если при правильной игре выиграет первый, "second", если второй, или "draw", если будет ничья.

| стандартный ввод | стандартный вывод |
|------------------|-------------------|
| 3 2              | first             |
| 1 2              | second            |
| 2 3              |                   |
| 2 1              |                   |
| 1 2              |                   |
| 2                |                   |
| 1 1              |                   |
| 3 2              |                   |
|                  |                   |

# Задача Е. Кучки с конфетами

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Есть n кучек с конфетами на столе. Они пронумерованы целыми числами от 1 до n, в i-й кучке находится  $a_i$  конфет.

Два игрока играют в игру. За ход можно сделать одно из двух действий:

- 1. Выбрать любую кучку, в которой осталось максимальное число конфет и съесть все конфеты из этой кучки;
- 2. Съесть по 1 конфете из всех непустых кучек.

Игрок, который съест последнюю конфету на столе проигрывает. Определите, кто выигрывает при правильной игре.

#### Формат входных данных

В первой строке находится единственное целое число n ( $1 \le n \le 10^5$ ) — количество кучек. Во второй строке находится n целых чисел  $a_1, a_2, \ldots, a_n$  ( $1 \le a_i \le 10^9$ ) — количества конфет в каждой из кучек.

#### Формат выходных данных

Если первый игрок имеет выигрышную стратегию, выведите «First» (без кавычек), иначе выведите «Second» (без кавычек).

| стандартный ввод | стандартный вывод |
|------------------|-------------------|
| 2                | First             |
| 1 3              |                   |
| 3                | First             |
| 1 2 1            |                   |
| 3                | Second            |
| 1 2 3            |                   |

# Задача F. Королевская игра

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Император Шардонии и король Флатляндии во время своей встречи решили сыграть в новую настольную игру. Разумеется, играть они будут шариками на клетчатом плоском поле.

Поле для игры представляет из себя клетчатый прямоугольник, строки которого пронумерованы от 0 до 100, а столбцы — от 0 до 100. По некоторым клеткам поля будут раскиданы N шариков. Игроки ходят по очереди. В свой ход игрок может взять шарик с позиции  $(l_i, c_i)$  и выбрать положительное целое число u. После этого игрок может передвинуть этот шарик в одну из следующих ячеек:

- $(l_i u, c_i)$
- $(l_i, c_i u)$
- $(l_i u, c_i u)$

Разумеется, ход можно сделать только если соответствующая клетка существует на поле. Выигрывает игрок, который смог передвинуть какой-либо шарик в позицию (0, 0).

Вы — главный советник императора Шардонии. Он вызвался ходить первым, и спрашивает вас, может ли он выиграть, если оба игрока будут играть оптимально. Ответьте ему на вопрос, потому что иначе вас казнят.

#### Формат входных данных

На вход программе подается число N ( $1 \le N \le 1000$ ) — количество шариков на поле. В следующих N строках расположены числа  $l_i$ ,  $c_i$  ( $0 \le l_i$ ,  $c_i \le 100$ ) — координаты шариков.

#### Формат выходных данных

Вы должны вывести символ «Y», если Император может выиграть, и «N» иначе.

| стандартный ввод | стандартный вывод |
|------------------|-------------------|
| 2                | Y                 |
| 1 3              |                   |
| 2 3              |                   |
| 1                | N                 |
| 1 2              |                   |

# Задача G. Чапаев на дереве

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1.5 секунд Ограничение по памяти: 512 мегабайт

Вова и Марина любят играть в игры, а особенно — придумывать к ним свои правила. Недавно они открыли для себя веселую игру «Чапаев», в которой игроки должны сбивать щелчками шашки вражеского цвета с шахматной доски (также эта игра известна под названием «Щелкунчики»). Вдоволь наигравшись, они решили модифицировать правила, добавив игре математическую сложность.

Теперь они играют в «Чапаева» не на шахматной доске, а на доске в форме дерева! Их дерево состоит из N вершин. Вершина 1 является корнем дерева, а из каждой из оставшихся вершин проведено ребро в некоторую вершину с меньшим номером — её непосредственного предка.

В игре участвуют шашки одного цвета, изначально расположенные в некоторых вершинах дерева. За один ход игрок выбирает некоторую шашку и щелчком отправляет ее к корню по ребрам дерева, сбивая при этом с доски все встреченные на пути шашки. Сама шашка, по которой производился удар, после попадания в корень дерева также слетает с доски.

Игроки делают ходы по очереди. Проигрывает тот игрок, к ходу которого на доске не остается шашек.

Придуманная ими игра замечательна также тем, что на одной и той же доске можно играть, начиная с разных начальных позиций шашек. Практика показала, что самые интересные партии получаются, если исходно расставить фишки во все вершины, являющиеся потомками (непосредственными или косвенными) некоторой вершины *Root*, при этом в саму вершину *Root* фишка не ставится.

Дети решили сыграть N партий, перебрав в качестве вершины Root каждую вершину дерева по одному разу. Если у очередной вершины Root нет потомков, и на доске исходно не оказывается ни одной фишки, то игры не происходит, и дети переходят к следующей расстановке. В каждой партии Марина ходит первой.

Вова интересуется у вас, в скольких партиях Марина сможет одержать победу, если игроки будут действовать оптимально.

#### Формат входных данных

В первой строке находится целое число N ( $1 \le N \le 500\,000$ ) — количество вершин в дереве.

Во второй строке следуют целые числа  $p_2, p_3, \ldots, p_N$ , разделенные пробелами, где  $p_i$  — это номер вершины, являющейся предком вершины i ( $1 \le p_i \le i$ ).

#### Формат выходных данных

Выведите единственное целое число — количество партий, в которых Марина одержит победу.

#### Пример

| стандартный ввод | стандартный вывод |
|------------------|-------------------|
| 7                | 3                 |
| 1 2 3 1 5 5      |                   |

#### Замечание

Разберем тест из условия. Доска для игры показана на рисунках ниже. Дети сыграют четыре партии, выбирая в качестве *Root* вершины 1, 2, 3 и 5. Если выбрать в качестве *Root* любую из трех оставшихся вершин, на доске исходно не окажется ни одной фишки, поэтому игры не произойдет.

Если выбрать в качестве Root вершину 5, фишки будут исходно находиться в вершинах 6 и 7. В такой партии Марина проигрывает: после того, как она сбивает любую из этих двух фишек с доски, Вова сбивает оставшуюся и заканчивает партию.

Если выбрать в качестве Root вершину 2 или 3, у Марины будет возможность выиграть игру за один ход, щелкнув по фишке из вершины 4 (при этом, в случае Root = 2, она по пути также собьет фишку из 3 вершины по правилам игры)

| Можно убедиться, что если выбрать в качестве <i>Root</i> вершину 1, у Марины также будет выиг- |
|------------------------------------------------------------------------------------------------|
| рышная стратегия. Для этого первым ходом Марина должна сбить фишку из вершины 2. Пример        |
| партии с таким начальным расположением показан ниже.                                           |

Таким образом, Марина выигрывает в трех партиях

## Задача Н. Дровосек

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 0.5 секунд Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Двое играют в следующую игру: имеется дерево с отмеченной вершиной (корнем). Игроки ходят по очереди. За ход игрок разрубает ветку (стирает ребро), причем из двух получившихся компонент связности остается только та, которая содержит корень — остальная отваливается и больше в игре не участвует. Проигрывает тот, кто не может сделать ход.

Определите, может ли выиграть первый игрок, и если да, то укажите любой из его выигрышных ходов.

#### Формат входных данных

В первой строке находятся 2 числа N и R — количество вершин дерева и номер корня  $(2 \leqslant N \leqslant 100\,000, 1 \leqslant R \leqslant N)$ . Далее следует N-1 строк, в каждой из которых находятся два числа — номера вершин, которые соединяет очередное ребро.

#### Формат выходных данных

Выведите одно число: 1 или 2 — номер игрока, который выигрывает при правильной игре. Если выигрывает первый игрок, то выведите также любой его выигрышный ход, т.е. порядковый номер ребра во входном файле, которое ему достаточно разрубить первым ходом (число от 1 до N-1).

| стандартный ввод | стандартный вывод |
|------------------|-------------------|
| 5 5              | 1                 |
| 2 3              | 1                 |
| 1 3              |                   |
| 2 5              |                   |
| 4 5              |                   |

# Задача І. Малыш и Карлсон

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 0.5 секунд Ограничение по памяти: 256 мегабайт

На свой День рождения Малыш позвал своего лучшего друга Карлсона. Мама испекла его любимый пирог прямоугольной формы  $a \times b \times c$  сантиметров. Карлсон знает, что у Малыша еще есть килограмм колбасы. Чтобы заполучить ее, он предложил поиграть следующим образом: они по очереди разрезают пирог на две ненулевые по объему прямоугольные части с целыми измерениями и съедают меньшую часть (в случае, когда части равные, можно съесть любую). Проигрывает тот, кто не может сделать хода (то есть когда размеры будут  $1 \times 1 \times 1$ ). Естественно, победителю достается колбаса.

Малыш настаивает на том, чтобы он ходил вторым.

Помогите Карлсону выяснить, сможет ли он выиграть, и если сможет — какой должен быть его первый ход для этого.

Считается, что Малыш всегда ходит оптимально.

#### Формат входных данных

Во входном файле содержится 3 целых числа  $a, b, c \ (1 \le a, b, c \le 5\,000)$  — размеры пирога.

#### Формат выходных данных

В случае, если Карлсон не сможет выиграть в Малыша, выведите NO. В противном случае в первой строке выведите YES, во второй — размеры пирога после первого хода Карлсона в том же порядке, что и во входном файле.

| стандартный ввод | стандартный вывод |
|------------------|-------------------|
| 1 1 1            | NO                |
| 1 2 1            | YES 1 1 1         |
| 1 1 10           | YES<br>1 1 7      |

## Задача Ј. Ретроанализ

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 0.3 секунд Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан ориентированный весёлый граф из n вершин и m ребер. Двое играют в игру. Изначально фишка стоит в вершине i. За ход можно передвинуть фишку по любому из исходящих ребер. Тот, кто не может сделать ход, проигрывает. Ваша задача — для каждой вершины i определить, кто выиграет при оптимальной игре обоих.

#### Формат входных данных

Входные данные состоят из одного или нескольких тестов. Каждый тест содержит описание весёлого ориентированного графа. Граф описывается так: на первой два целых числа n ( $1 \le n \le 300\,000$ ) и m ( $1 \le m \le 300\,000$ ). Следующие m строк содержат ребра графа, каждое описывается парой целых чисел от 1 до n. Пара a b обозначает, что ребро ведет из вершины a в вершину b. В графе могут быть петли, могут быть кратные ребра. Сумма n по всем тестам не превосходит  $300\,000$ , сумма m по всем тестам также не превосходит  $300\,000$ .

#### Формат выходных данных

Для каждого теста выведите для каждой вершины FIRST, SECOND или DRAW в зависимости от того, кто выиграет при оптимальной игре из этой вершины. Ответы к тестам разделяйте пустой строкой.

| стандартный ввод | стандартный вывод |
|------------------|-------------------|
| 5 5              | DRAW              |
| 1 2              | DRAW              |
| 2 3              | DRAW              |
| 3 1              | FIRST             |
| 1 4              | SECOND            |
| 4 5              | FIRST             |
| 2 1              | SECOND            |
| 1 2              | FIRST             |
| 4 4              | FIRST             |
| 1 2              | SECOND            |
| 2 3              | SECOND            |
| 3 1              |                   |
| 1 4              |                   |

## Задача К. Огромный ним

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Петя и Вася играют в ним, но не простой, а просто огромный. У них есть очень много кучек камней. Кучки разделены на n групп. Группа i состоит из кучек размеров от  $l_i$  до  $r_i$  включительно. Помогите ребятам понять, кто выиграет при оптимальной игре.

#### Формат входных данных

Первая строка содержит число n ( $1 \le n \le 10^5$ ). Следующие n строк содержат пары чисел  $l_i$ ,  $r_i$  ( $1 \le l_i \le r_i \le 10^{18}$ ).

#### Формат выходных данных

Если первый игрок проигрывает, выведите Lose, если выигрывает — выведите в первой строке Win, а во второй строке — любой выигрышный ход для первого игрока. Ход задается размером кучки до хода и после него.

| стандартный ввод | стандартный вывод |
|------------------|-------------------|
| 1                | Win               |
| 1 10             | 8 3               |
| 2                | Lose              |
| 2 5              |                   |
| 2 5              |                   |

## Задача L. Операции с простыми возвращаются

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 0.3 секунд Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дэвид Блейн и Вася сидят на уроке математики и скучают. Через некоторое время Дэвид Блейн предлагает поиграть в следующую игру:

- он записывает на листочке некоторое большое целое число и ходит первым;
- игроки ходят по очереди;
- на каждом ходу игрок обязан разделить текущее число на его простой делитель p. На этом же ходу игрок может умножить (а может и нет) результат деления на простое число q (1 < q < p);
- проигрывает тот, кто не может сделать ход.

Мягко говоря, Вася не очень доверяет Дэвиду Блейну и боится, что тот выписывает только проигрышные для Васи начальные числа. Помогите ему определить, так это или нет.

#### Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит единственное число  $n \ (1 \le n \le 10^{12})$ .

#### Формат выходных данных

В выходной файл выведите Vasya, если у Васи есть выигрышная стратегия, независимо от ходов Дэвида Блейна. Иначе выведите David.

| стандартный ввод | стандартный вывод |  |  |  |  |  |
|------------------|-------------------|--|--|--|--|--|
| 16               | Vasya             |  |  |  |  |  |

### Задача М. Вариация нима

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 0.25 секунд Ограничение по памяти: 256 мегабайт

На столе лежат n кучек камней:  $a_1$  камней в первой кучке,  $a_2$  камней во второй, ...,  $a_n$  в n-ой. Двое играют в игру, делая ходы по очереди. За один ход игрок может либо взять произвольное ненулевое количество камней (возможно, все) из одной любой кучки, либо произвольным образом разделить любую существующую кучку, в которой не меньше двух камней, на две непустые кучки. Проигрывает тот, кто не может сделать ход. Кто выигрывает при правильной игре?

#### Формат входных данных

В первой строке задано целое число t — количество тестов ( $1 \le t \le 100$ ). Следующие t строк содержат сами тесты. Каждая из них начинается с целого числа n — количества кучек ( $1 \le n \le 100$ ). Далее следует n целых чисел  $a_1, a_2, \ldots, a_n$  через пробел — количество камней в кучках ( $1 \le a_i \le 10^9$ ).

#### Формат выходных данных

Выведите t строк; в i-ой строке выведите "FIRST", если в i-ом тесте при правильной игре выигрывает первый игрок, и "SECOND", если второй.

| стандартный ввод | стандартный вывод |  |  |  |  |  |
|------------------|-------------------|--|--|--|--|--|
| 3                | FIRST             |  |  |  |  |  |
| 1 1              | SECOND            |  |  |  |  |  |
| 2 1 1            | FIRST             |  |  |  |  |  |
| 3 1 2 3          |                   |  |  |  |  |  |

## Задача N. Смак

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Правильно ли я понимаю, что наше рабочее место на данной кулинарной передаче ограничено одним столом, одним тестом и тремя мисками? Вы же понимаете, что мы просто физически здесь не поместимся?

Михаил Анопренко

Иван Ургант пригласил Ивана Сафонова на свою кулинарную передачу «Смак». В сегодняшнем выпуске они будут готовить огромный пирог из теста, которое уже заготовлено помощниками Урганта и налито в миску. В миске всегда находится целое неотрицательное число граммов теста. Оба Ивана, начиная с Урганта, по очереди применяют один из двух кулинарных приёмов:

- 1. Набрать мерным стаканом один грамм теста из миски и добавить в форму для пирога.
- 2. Взбить тесто миксером. При этом часть теста расплёскивается. Если в миске перед взбиванием было G граммов теста, то останется  $\varphi(G)$  граммов теста.  $\varphi$  это функция Эйлера, которая по данному положительному целому числу G возвращает количество целых чисел от 1 до G включительно, которые взаимно просты с G, то есть не имеют с G общих делителей, больших единицы. Приведём таблицу, в которой вычислены некоторые значения этой функции:

| G            | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 | 17 | 18 | 19 | 20 |
|--------------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| $\varphi(G)$ | 1 | 1 | 2 | 2 | 4 | 2 | 6 | 4 | 6 | 4  | 10 | 4  | 12 | 6  | 8  | 8  | 16 | 6  | 18 | 8  |

Когда тесто в миске полностью закончится, пирог будет считаться приготовленным; более того, тот из Иванов, чей приём потратил последний грамм теста в миске, и будет считаться поваром, приготовившим пирог. Считая, что оба Ивана желают считаться создателями пирога и будут для этого каждый раз оптимально выбирать один из двух приёмов, определите, чей кулинарный приём завершит готовку.

#### Формат входных данных

В первой строке находится одно целое положительное число G ( $1\leqslant G\leqslant 10^9$ ) — изначальное количество теста в граммах.

#### Формат выходных данных

Если Иван Ургант может гарантированно завершить готовку пирога, в первой строке выведите «Ivan Urgant». Во второй строке выведите «Draw», если для этого Урганту нужно первым действием набрать грамм теста из миски и налить в форму, или же выведите «Мix», если первым действием ему надо взбить тесто. Если Ургант при выполнении любого из двух приёмов может гарантировать, что именно он завершит готовку пирога, то вы можете вывести любое одно из двух слов «Draw» и «Мix».

Если Иван Сафонов может гарантированно завершить готовку пирога, в первой строке выведите «Ivan Safonov».

#### Примеры

| стандартный ввод | стандартный вывод |
|------------------|-------------------|
| 1                | Ivan Urgant       |
|                  | Draw              |
| 2                | Ivan Safonov      |
| 4                | Ivan Urgant       |
|                  | Mix               |
| 14               | Ivan Urgant       |
|                  | Draw              |

#### Замечание

Если в миске один грамм теста, Ургант просто должен налить его в форму и сразу завершить готовку пирога.

Если в миске два грамма теста, то любой из двух кулинарных приёмов Урганта приведёт к тому, что в миске останется один грамм теста, после чего Сафонов легко доготовит пирог.

Если в миске четыре грамма теста, то Ургант проиграет, если нальёт один грамм теста в форму, и выиграет, если вместо этого он взобьёт тесто и оставит в миске  $\varphi(4) = 2$  грамма.

Если в миске 14 граммов теста, то всё наоборот: если Иван Ургант его взобьёт, то оставит в миске  $\varphi(14)=6$  граммов теста, в результате чего он проиграет; если же он нальёт один грамм теста в форму, то в миске останется 13 граммов теста, и можно доказать, что в такой ситуации Иван Сафонов не может гарантировать, что именно он приготовит пирог.

## Задача О. Браконьеры

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1.5 секунд Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Алиса и Боб — два браконьера, которые рубят лес.

Лес это набор (возможно пустой) деревьев. Дерево — это связный граф без циклов. Подвешенное дерево имеет специальную вершину — корень. Родителем вершины v называется следующая вершина на кратчайшем пути от v до корня. Детьми вершины v называются вершины, для которых v является родителем. Вершина называется листом, если y неё нет детей.

В этой задаче мы определим *глубину* вершины как количество вершин на простом пути от этой вершины до корня. *Рангом* дерева назовем минимальную глубину его листа.

Изначально дан непустой лес подвешенных деревьев. Алиса и Боб играют в игру на этом лесе. Они ходят по очереди, Алиса ходит первой. В начале каждого хода игрок выбирает дерево из леса. Далее игрок выбирает положительное целое число — глубину разреза, которая не превосходит ранга выбранного дерева. Затем игрок удаляет из дерева все вершины, чьи глубины меньше либо равны глубине разреза. Все остальные вершины разбиваются на набор подвешенных деревьев, корнем каждого становится вершина, имевшая наименьшую глубину в дереве до разреза. Все эти деревья добавляются в лес и игра продолжается.

Игрок проигрывает, если на момент начала его хода лес пуст.

Определите, может ли Алиса победить, если оба игрока играют оптимально.

#### Формат входных данных

Во входных данных находятся несколько наборов входных данных. В первой строке находится одно целое число t ( $1 \le t \le 5 \cdot 10^5$ ) — количество наборов входных данных. Далее следуют наборы входных данных.

Первая строка набора входных данных содержит одно целое число  $n\ (1\leqslant n\leqslant 5\cdot 10^5)$  — суммарное количество вершин в деревьях изначального леса.

Вторая строка содержит n целых чисел  $p_1, p_2, \ldots, p_n$  ( $0 \le p_i \le n$ ) — описание леса. Если  $p_i = 0$ , то i-я вершина дерева является корнем, иначе  $p_i$  является родителем вершины i. Гарантируется, что p задает корректный лес подвешенных деревьев.

Гарантируется, что сумма значений n по всем наборам входных данных не превосходит  $5 \cdot 10^5$ .

#### Формат выходных данных

Для каждого набора входных данных выведите «YES» (без кавычек), если Алиса может победить, иначе выведите «NO» (без кавычек). Вы можете выводить каждую букву в любом регистре.

### Пример

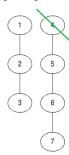
| стандартный ввод | стандартный вывод |  |  |  |  |  |  |
|------------------|-------------------|--|--|--|--|--|--|
| 4                | NO                |  |  |  |  |  |  |
| 4                | YES               |  |  |  |  |  |  |
| 0 1 0 3          | NO                |  |  |  |  |  |  |
| 7                | YES               |  |  |  |  |  |  |
| 0 1 2 0 4 5 6    |                   |  |  |  |  |  |  |
| 4                |                   |  |  |  |  |  |  |
| 0 1 1 2          |                   |  |  |  |  |  |  |
| 7                |                   |  |  |  |  |  |  |
| 0 1 1 2 2 3 3    |                   |  |  |  |  |  |  |

#### Замечание

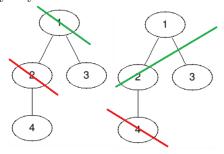
В первом наборе входных данных у Боба есть симметричная стратегия, поэтому Алиса выиграть не может.



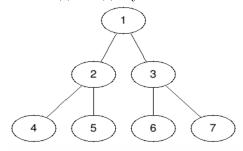
Во втором наборе Алиса может выбрать второе дерево и глубину разреза 1, чтобы получить лес, где уже у нее есть симметричная стратегия.



В третьем наборе ранг единственного дерева равен 2, и оба возможных хода Алисы приводят к неудаче. В первом случае Боб может перейти к позиции с симметричной стратегией, а во втором сразу опустошить лес.



В четвертом наборе все листья единственного дерева имеют одинаковую глубину, поэтому Алиса может за один ход опустошить весь лес.



# Задача Р. Ход конём

Имя входного файла: **стандартный ввод** Имя выходного файла: **стандартный вывод** 

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 1024 мегабайта

Дана шахматная доска n на m клеток. Изначально в клетке в r-м ряду и c-м столбце стоит шахматный конь.

Два игрока по очереди ходят конём, но запрещено ходить конём в клетку, в которой он уже когда-то был. Проигрывает то, кто не может сделать ход.

Определите кто выиграет, при оптимальной игре обоих.

#### Формат входных данных

В первой строке дано число  $t\ (1\leqslant t\leqslant 2\cdot 10^5)\ -$  кол-во наборов входных данных.

В следующих t строках идут наборы входных данных n, m, r, c  $(1 \le n, m \le 10^9; 1 \le r \le n; 1 \le c \le m).$ 

#### Формат выходных данных

Для каждого набора входных данных, выведите «First», если выиграет первый игрок, и «Second», если второй.

| стандартный ввод | стандартный вывод |  |  |  |  |  |  |
|------------------|-------------------|--|--|--|--|--|--|
| 2                | First             |  |  |  |  |  |  |
| 6 6 6 6          | Second            |  |  |  |  |  |  |
| 7 19 7 3         |                   |  |  |  |  |  |  |